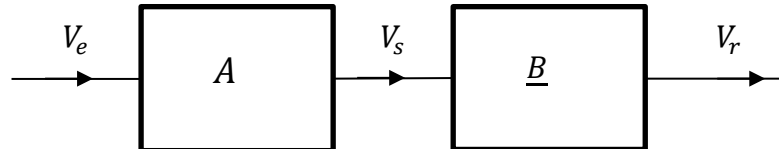


OSCILLATEUR A PONT DE WIEN

I. ETUDE THEORIQUE DU SYSTEME EN BOUCLE OUVERTE.

1. GENERALITES.

Le système en boucle ouverte est constitué de deux blocs :



⇒ Ce système n'est pas un système bouclé et ne peut en aucun cas osciller « tout seul » : il doit être alimenté par un GBF par exemple ($V_e(t)$).

On peut l'étudier comme n'importe quel filtre, sa fonction de transfert étant :

$$\underline{T} = \frac{V_r}{V_e} = A \times \underline{B}$$

2. FONCTION DE TRANSFERT DE LA CHAÎNE DIRECTE.

$$A = 1 + \frac{R_2}{R_1} \text{ (Montage non-inverseur)}$$

On ne tient pas compte de la BP de l'ALI :

En effet, sachant que pour le montage non-inverseur, on a :

$$A f_c = A_0 f_0 \approx 10^6 \text{ Hz}$$

On peut considérer que pour R_2 proche de R_1 , la fréquence de coupure f_c est au-delà de la centaine de kHz.

On veillera cependant et par la suite à ne pas atteindre la limite de BP de l'ALI

3. FONCTION DE TRANSFERT DE LA CHAÎNE RETOUR.

a. EXPRESSION DE B

✓ En appliquant la formule du diviseur de tension, on a :

$$\underline{B} = \frac{\underline{Z}}{\underline{Z} + \underline{Z}'} \text{ où } \underline{Z} = \frac{R}{1 + jRC\omega} \text{ et } \underline{Z}' = R + \frac{1}{jC\omega}$$

✓ Après simplification, on obtient : $\underline{B} = \frac{jRC\omega}{1 + 3RC\omega + (jRC\omega)^2}$

✓ De la forme :

$$\underline{B} = \frac{j \frac{\omega}{\omega_0}}{1 + 2\sigma j \frac{\omega}{\omega_0} + \left(j \frac{\omega}{\omega_0} \right)^2} \text{ où } \omega_0 = 1/RC \text{ et } \sigma = 3/2$$

Notons qu'on a alors, par rapport à une forme canonique classique : $H_0 = 1/3$ et $Q = 1/3$

b. DECOMPOSITION EN DEUX 1^{ER} ORDRES

✓ $\sigma > 1 \Rightarrow$ Le dénominateur est décomposable en deux premiers ordres :

$$\underline{B} = \frac{j \frac{\omega}{\omega_0}}{1 + 2\sigma j \frac{\omega}{\omega_0} + \left(j \frac{\omega}{\omega_0}\right)^2} = \frac{j \frac{\omega}{\omega_0}}{\left(1 + j \frac{\omega}{\omega_2}\right) \left(1 + j \frac{\omega}{\omega_1}\right)}$$

✓ En identifiant les dénominateurs, on obtient : $1 + 2\sigma j \frac{\omega}{\omega_0} + \left(j \frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 = \left(1 + j \frac{\omega}{\omega_2}\right) \left(1 + j \frac{\omega}{\omega_1}\right)$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2\sigma\omega_0 = \omega_1 + \omega_2 \\ \omega_0^2 = \omega_1 \cdot \omega_2 \end{cases}$$

$\Rightarrow \omega_1$ et ω_2 sont donc solution de : $X^2 - 2\sigma\omega_0 X + \omega_0^2 = 0$

$$\Rightarrow \begin{cases} \omega_1 = \omega_0 \left(\sigma - \sqrt{\sigma^2 - 1} \right) \\ \omega_2 = \omega_0 \left(\sigma + \sqrt{\sigma^2 - 1} \right) \end{cases}$$

$$\text{soit : } \begin{cases} \omega_1 = \omega_0 \left(\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2} \right) \\ \omega_2 = \omega_0 \left(\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2} \right) \end{cases}$$

$$\text{AN } \begin{cases} \omega_1 = \omega_0 \times 0,38 \\ \omega_2 = \omega_0 \times 2,62 \end{cases}$$

$\Rightarrow$ On n'utilisera cette expression de B uniquement pour tracer le diagramme de Bode.

c. ETUDE DE LA RESONANCE

✓ On commence par écrire la fonction de transfert sous la forme adaptée :

$$\underline{B} = \frac{j \frac{\omega}{\omega_0}}{1 + 2\sigma j \frac{\omega}{\omega_0} + \left(j \frac{\omega}{\omega_0}\right)^2} = \frac{1/2\sigma}{1 + \frac{1}{2\sigma} j \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)}$$

$$B = |\underline{B}| = \frac{1/2\sigma}{\sqrt{1 + \left(\frac{1}{2\sigma} \right)^2 \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)^2}}$$

✓ B est maximal lorsque le dénominateur est minimal c'est-à-dire lorsque $\omega = \omega_0$.

$$\Rightarrow \text{On a alors } \underline{B} = \frac{1}{2\sigma}$$

$$\Rightarrow B_{\max} = H_0 = \frac{1}{2\sigma} = Q = \frac{1}{3} \quad \text{et } \arg(B)(\omega_0) = \phi(\omega_0) = 0$$

✓ Notons que l'on a alors :

$$G_{dB, \max} = 20 \log Q = -9.54 \text{ dB}$$

d. ETUDE DE LA BANDE PASSANTE

✓ La bande passante est l'ensemble des pulsations telles que $B \geq \frac{B_{\max}}{\sqrt{2}}$

✓ Pour calculer la bande passante, on calcule les pulsations de coupure telles que : $B(\omega_c) = \frac{B_{\max}}{\sqrt{2}}$

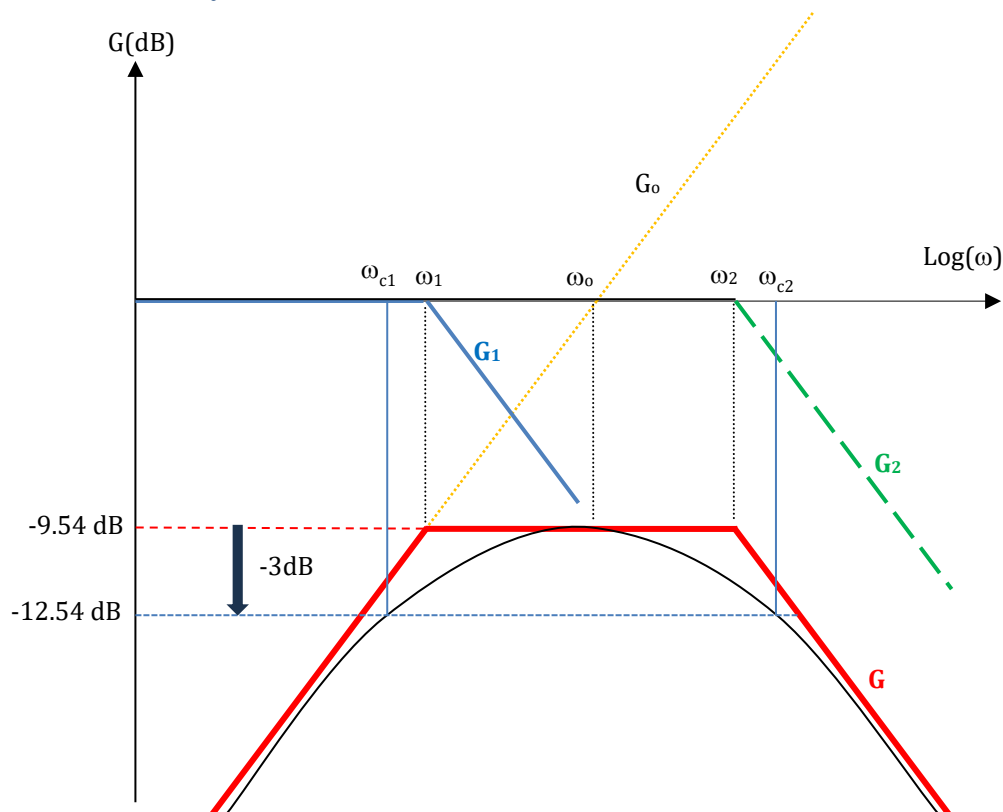
$$\Rightarrow \frac{1/2\sigma}{\sqrt{1 + \left(\frac{1}{2\sigma}\right)^2 \left(\frac{\omega_c}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega_c}\right)^2}} = \frac{1}{2\sigma\sqrt{2}}$$

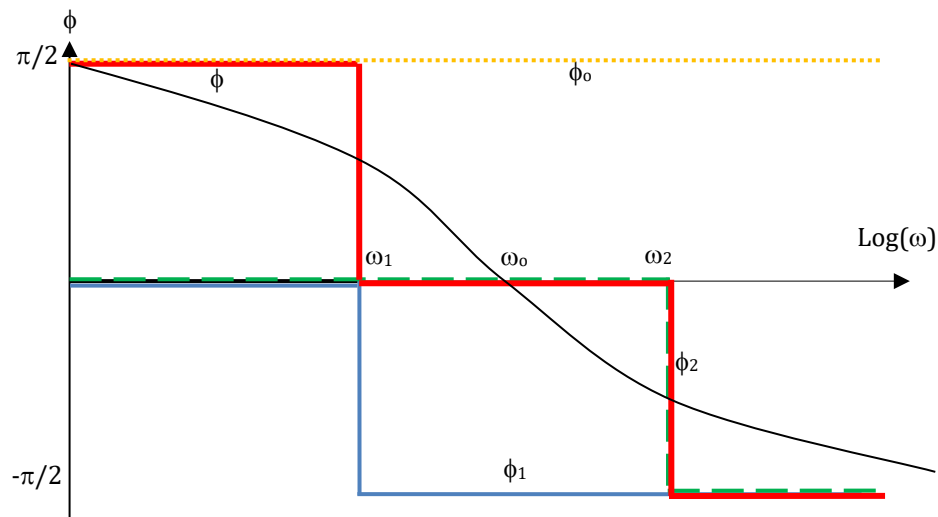
$$\Rightarrow \text{Après calcul, on trouve : } \begin{cases} \omega_{c1} = \omega_0 \left(-\sigma + \sqrt{\sigma^2 + 1} \right) \\ \omega_{c2} = \omega_0 \left(\sigma + \sqrt{\sigma^2 + 1} \right) \end{cases} \quad \text{D'où la bande passante : } \Delta\omega = 2\sigma\omega_0 = \frac{\omega_0}{Q} = 3\omega_0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \omega_{c1} = \omega_0 \frac{(-3+\sqrt{13})}{2} \\ \omega_{c2} = \omega_0 \frac{(3+\sqrt{13})}{2} \end{cases}$$

$$\text{AN : } \begin{cases} \omega_{c1} = \omega_0 \times 0,30 \\ \omega_{c2} = \omega_0 \times 3,30 \end{cases}$$

e. DIAGRAMME ASYMPTOTIQUE DE B PUIS LE DIAGRAMME DE BODE DE B





4. FONCTION DE TRANSFERT DU SYSTEME EN BOUCLE OUVERTE.

$$\underline{T} = \underline{A.B}$$

$$\Rightarrow G_T = G_A + G_B \text{ et } \phi_T = \phi_A + \phi_B$$

Or A est un réel positif (> 1) et constant (indépendant de ω)

$$\Rightarrow G_A = \text{cste} > 0 \text{ et } \phi_A = 0$$

$\Rightarrow$ On obtient G_T à partir de G_B par translation vers le haut de G_A et pour la phase, on a : $\phi_T = \phi_B$.

La valeur maximale du gain G_T étant $G_m = A \times Q = \frac{A}{3}$, on aura :

$$G_m > 0 \text{ si } A > 3$$

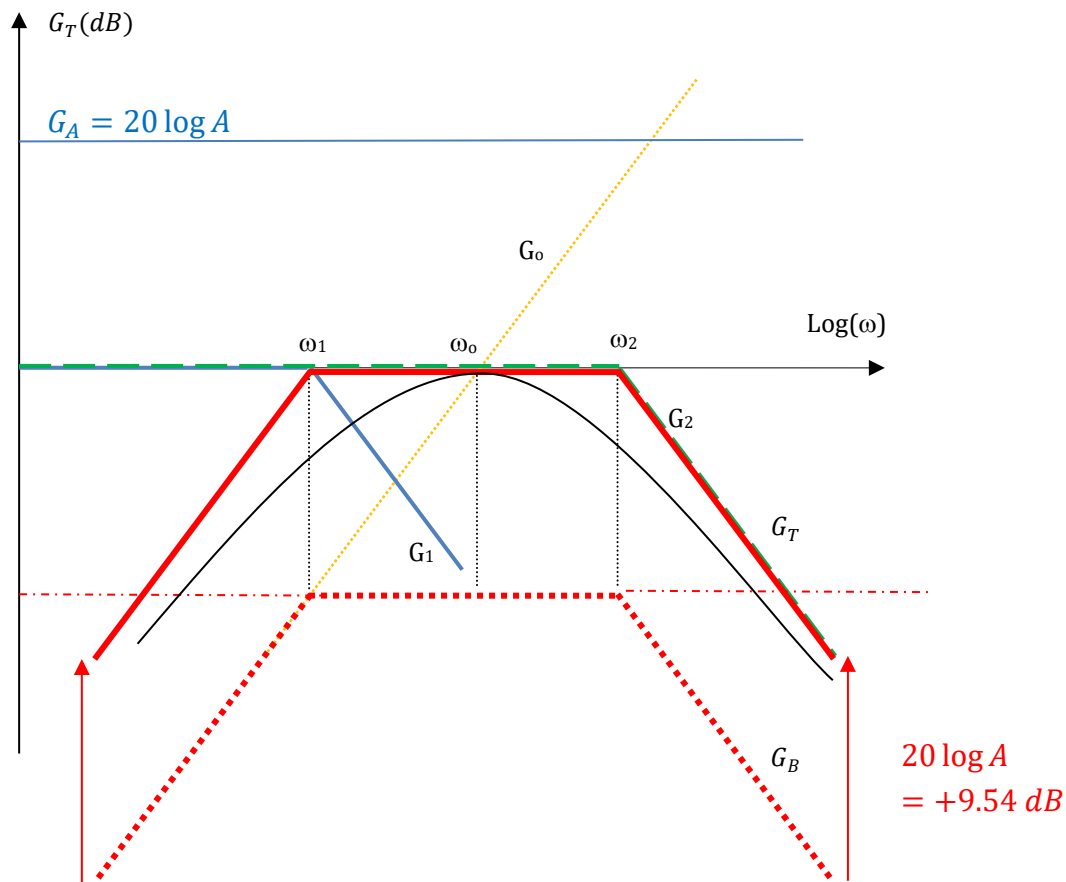
$$G_m = 0 \text{ si } A = 3$$

$$G_m < 0 \text{ si } A < 3$$

$$\Rightarrow \text{Pour } A = 3, \text{ on a :}$$

$$\underline{T} = A \times \frac{\left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right)}{1 + \frac{1}{Q}\left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right) + \left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right)^2} = \frac{\frac{1}{Q}\left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right)}{1 + \frac{1}{Q}\left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right) + \left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right)^2}$$

$\Rightarrow$ Le diagramme de Bode de $\underline{T}$ est le suivant :

Diagramme de Bode pour $A = 1/Q$

5. DIAGRAMME DE NYQUIST DU SYSTEME EN BOUCLE OUVERTE.

Pour tracer le diagramme de Nyquist de $\underline{T}$, déterminons sa partie réelle (X) et sa partie imaginaire (Y) :

$$\underline{T} = A \frac{j \frac{\omega}{\omega_0}}{1 + 2\sigma j \frac{\omega}{\omega_0} + \left(j \frac{\omega}{\omega_0}\right)^2} = A \frac{jx(1 - 2\sigma jx - (x)^2)}{(1 - (x)^2)^2 + (2\sigma x)^2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} X = A \frac{(2\sigma x^2)}{(1 - (x)^2)^2 + (2\sigma x)^2} \\ Y = A \frac{x(1 - (x)^2)}{(1 - (x)^2)^2 + (2\sigma x)^2} \end{cases}$$

D'où l'équation du diagramme de Nyquist :

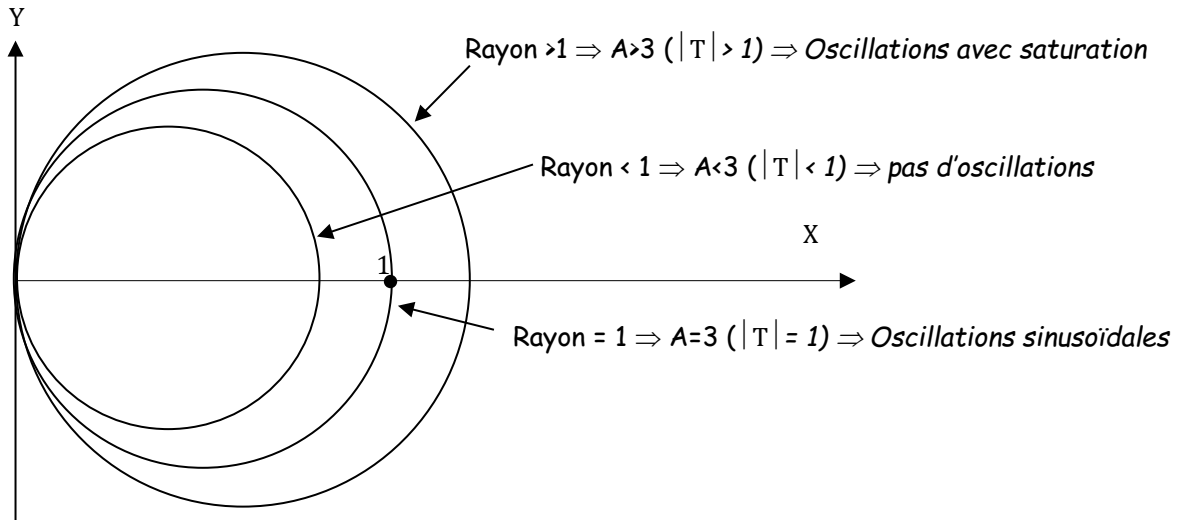
$$\left(X - \frac{A}{4\sigma}\right)^2 + Y^2 = \left(\frac{A}{4\sigma}\right)^2$$

$\Rightarrow$ Il s'agit d'un cercle de centre $\left(\frac{A}{4\sigma}, 0\right)$ et de rayon $R = \frac{A}{4\sigma}$

⇒ Pour que ce cercle englobe le point (1,0), il faut que le rayon soit au moins égal à $\frac{1}{2}$

⇒ Il faut que $\frac{A}{4\sigma} \geq \frac{1}{2}$ soit, avec les valeurs de σ : $A \geq 3$

⇒ On retrouve bien la condition d'oscillation (voir paragraphe suivant).



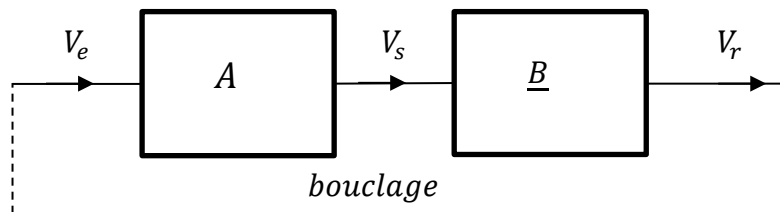
II. ETUDE THEORIQUE DE L'OSCILLATEUR A PONT DE WIEN.

1. CONDITIONS D'OSCILLATIONS

OBTENTION DE LA CONDITION D'OSCILLATION A PARTIR DU SYSTEME EN BOUCLE OUVERTE :

Pour obtenir un oscillateur, on éteint le GBF et on boucle la sortie sur l'entrée, ce qui revient à écrire, pour le système en boucle ouverte :

$$V_r(t) = V_e(t) \leftrightarrow A \times \underline{B} = 1$$



✓ On doit donc résoudre :
$$\frac{j \frac{\omega}{\omega_0}}{1 + 2\sigma j \frac{\omega}{\omega_0} + \left(j \frac{\omega}{\omega_0}\right)^2} A = 1$$

✓ D'où, en identifiant partie réelle et imaginaire :

$$\begin{cases} A = 2\sigma = 3 \Rightarrow R_2 = 2R_1 \\ \omega = \omega_o \end{cases}$$

$\Rightarrow$ Pour observer des oscillations, il faut que $R_2 = 2R_1$, on observe alors des oscillations de pulsation ω_0

En pratique, l'amplitude des oscillations reste très limitée si l'oscillateur fonctionne dès le départ en RL :

Il faut travailler à $|\underline{T}| > 1$, pour voir l'amplitude des oscillations augmenter (Voir réponse indicielle).

Lorsque on visualise le spectre du signal correspondant à $|\underline{T}|=1$, on observe une seule harmonique (ω_0) toutes les autres étant nulles (signal sinusoïdal pur)

Lorsque on visualise le spectre du signal correspondant à $|\underline{T}| \geq 1$, on observe un grand nombre d'harmoniques en effet, la saturation fait que le signal n'est plus parfaitement sinusoïdal, d'où l'apparition d'harmoniques.

On retiendra :

Lorsque $|\underline{T}|=1$ la condition sur A est $A = 3$ et $R_2 = 2R_1$

Lorsque $|\underline{T}| \geq 1$ la condition sur A est $A > 3$ et $R_2 > 2R_1$

2. ETUDE INDICIELLE.

a. FONCTIONNEMENT LINEAIRE DE L'ALI.

- ✓ A partir de l'expression de $\underline{T}$, on peut établir l'équation différentielle du système (équation faisant intervenir $V_r(t)$, $V_e(t)$ et leurs dérivées).

$$\text{On part de : } \underline{T} = A \frac{j \frac{\omega}{\omega_0}}{1 + 2\sigma j \frac{\omega}{\omega_0} + \left(j \frac{\omega}{\omega_0} \right)^2} = \frac{V_r}{V_e}$$

$$\text{Et on arrive à : } V_r(t) + 2\sigma \frac{1}{\omega_0} \frac{dV_r}{dt} + \left(\frac{1}{\omega_0} \right)^2 \frac{d^2V_r}{dt^2} = A \frac{1}{\omega_0} \frac{dV_e}{dt}$$

- ✓ Lorsque l'on boucle la sortie sur l'entrée, on impose $V_r(t) = V_e(t)$ et cette équation devient :

$$\frac{d^2V_r}{dt^2} - (A-3)\omega_0 \frac{dV_r}{dt} + \omega_0^2 V_r = 0$$

$$\Rightarrow \text{L'équation différentielle est de la forme : } \frac{d^2V_r}{dt^2} + 2\sigma' \omega_0 \frac{dV_r}{dt} + \omega_0^2 V_r = 0 \text{ où : } \sigma' = \frac{3-A}{2}$$

- ✓ Stabilité du système :

C'est le signe de σ' qui détermine la stabilité du système :

Si $\sigma' > 0$ | système est stable : on obtient $A < 3$

Si $\sigma' < 0$ | système est instable : on obtient $A > 3$

Si $\sigma' = 0$ | système est oscille sinusoïdalement : on obtient $A = 3$

$\Rightarrow$ On retrouve bien l'étude faite précédemment :

Pour des oscillations apparaissent spontanément, il faut $A \geq 3$

✓ Régime pseudo-périodique si $|\sigma| < 1$

$\Rightarrow$ D'où la condition sur A pour avoir un régime pseudo périodique : $1 < A < 5$

b. FONCTIONNEMENT NON LINEAIRE DE L'ALI.

✓ Lorsque l'ALI est en saturation, c'est-à-dire lorsque $A \cdot V_e(t) \geq V_{sat}$ et donc $V_s = V_{sat} = Cste$. Ainsi, $V_r(t)$ vérifie l'équation différentielle :

$$V_r(t) + 2\sigma \frac{1}{\omega_0} \frac{dV_r}{dt} + \left(\frac{1}{\omega_0} \right)^2 \frac{d^2V_r}{dt^2} = A \frac{1}{\omega_0} \underbrace{\frac{dV_s}{dt}}_0 = 0$$

$\Rightarrow$ Le système est stable et l'amplitude des oscillations diminue jusqu'à ce que le régime non linéaire cesse.

III. ETUDE EXPERIMENTALE.

1. CHOIX DES COMPOSANTS

BLOC A

Au moins une des résistances du bloc A doit être réglable (boîte de résistances) afin de déterminer la condition d'accrochage précisément.

On pourra donc prendre $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$ et R_2 : boîte de résistances.

BLOC B

On choisit la fréquence de résonance autour de 5 kHz

$$\Rightarrow RC = \frac{1}{2\pi f_0} = 3,2 \times 10^{-5} \text{ s}$$

$\Rightarrow$ On peut choisir : $R = 1 \text{ k}\Omega$ et $C \approx 30 \text{ nF}$

2. DIAGRAMME DE BODE ET DIAGRAMME DE NYQUIST DU SYSTEME EN BOUCLE OUVERTE.

a. MONTAGE - PROTOCOLE

On effectue le montage du système en boucle ouverte en vérifiant successivement le fonctionnement des blocs A et B :

BLOC A

- ✓ La tension d'entrée du bloc A est un signal sinusoïdal délivré par le GBF. Le système étant linéaire, on doit avoir en sortie de A un signal sinusoïdal de même fréquence.
- ✓ On fixe la valeur de R_1 que l'on mesure à l'aide d'un ohmmètre ou d'un pont de mesure $\Rightarrow (R_1, u_{R_1})$
- ✓ Causes fréquentes de non linéarités :
 - Saturation en tension de l'ALI (fréquent pour le montage non inverseur, car il amplifie la tension d'entrée) : dans ce cas, il faut diminuer l'amplitude de la tension d'entrée.
 - Limite de la bande passante de l'ALI (le produit gain/BP étant constant, plus le non inverseur amplifie plus sa BP est limitée) : dans ce cas, il faut diminuer la fréquence.
 - Confusion entre le montage non inverseur et le comparateur à hystérésis (mis à part l'inversion des bornes inverseuse et non inverseuse, ce sont les mêmes montages).

La vérification du fonctionnement linéaire d'un filtre se fait en visualisant la forme de la tension de sortie du filtre à l'oscilloscope lorsque l'on applique en entrée une tension sinusoïdale : si le système est linéaire, la tension de sortie doit être sinusoïdale également et sans off-set.

✓ Lorsque le montage ne présente pas de problème de non linéarités, on vérifie la valeur de A :

- On visualise à l'oscilloscope les tensions d'entrée et de sortie du bloc A
- On se place en mode XY : on doit avoir une droite et ceci $\forall$ la fréquence.
- On vérifie la pente de la droite (A).

SYSTEME EN BOUCLE OUVERTE

✓ On réalise le bloc B à l'aide de composants libres directement sur la plaquette à la suite du bloc A.

✓ On vérifie le bon fonctionnement du système en boucle ouverte en visualisant simultanément $V_e(t)$ et $V_r(t)$ à l'oscilloscope :

- Le système étant linéaire, $V_r(t)$ doit être sinusoïdal.
- **En faisant varier la fréquence, on vérifie la nature passe-bande du filtre** : la tension de sortie doit être nulle à HF et BF.
- On se place en mode XY : pour une fréquence quelconque, **on doit avoir une ellipse**. On modifie alors la fréquence et on cherche la fréquence pour laquelle l'ellipse devient une droite : on est alors à la résonance et la fréquence est la fréquence de résonance. On vérifie alors la cohérence de la valeur trouvée pour cette fréquence par rapport à la fréquence de résonance théorique.
- En fonction de la valeur de A choisie, on vérifie qu'on a bien $V_{r,max} = A Q V_{e,max}$ à la résonance.

En aucun cas on ne commence les mesures avant de s'être assuré que le montage fonctionne correctement

b. MESURES POUR UN DIAGRAMME DE BODE ET UN DIAGRAMME DE NYQUIST :

PRINCIPE

✓ On fixe la valeur de A, **i.e. on fixe la valeur de $R_2 \Rightarrow (R_2, u_{R_2})$** , et on mesure pour différentes fréquences :

$$\log f; V_{e,eff}; V_{r,eff}; H = \frac{V_{e,eff}}{V_{r,eff}}; G_{dB} = 20 \log \frac{V_{e,eff}}{V_{r,eff}}; \phi = \phi_r - \phi_e; X = \operatorname{Re}(\underline{T}) = |\underline{T}| \cos \phi; Y = \operatorname{Im}(\underline{T}) = |\underline{T}| \sin \phi$$

✓ Avec un oscilloscope numérique, on visualise $V_e(t)$ et $V_r(t)$ et on peut mesurer automatiquement $f; V_{e,eff}; V_{r,eff}$ et ϕ

✓ Avec un multimètre numérique, on mesure uniquement : $f; V_{e,eff}; V_{r,eff}$

Eviter d'utiliser uniquement les multimètres car les non-linéarités n'apparaissent pas

✓ Avec la carte SYSAM :

- On fait l'acquisition des signaux $V_e(t)$ et $V_r(t)$
- On mesure automatiquement $f; V_{e,eff}; V_{r,eff}$

La mesure de ϕ nécessite elle l'utilisation du pointeur et de la loupe pour mesurer le décalage dans le temps entre les deux signaux (τ). On détermine alors ϕ grâce à la formule $\phi = 2\pi\tau f$

✓ On note les résultats dans un tableur (Regressi, Latis-pro, Excel, ou celui de la calculatrice) et on utilise ce tableur pour construire les grandeurs : $H, G_{dB}, \log f, X, Y$.

f	$\log f$	$V_{e,eff}$	$V_{r,eff}$	H	G_{dB}	ϕ	X	Y

✓ On trace alors le diagramme de Bode du gain : $G_{dB} = f(\log f)$, le diagramme de Bode de la phase $\phi = f(\log f)$, ainsi que le diagramme de Nyquist $Y = f(X)$.

Dans le compte-rendu, on inclut le tableau de valeurs ainsi que les différents graphes obtenus.

- ✓ Rappel : Sachant que **les diagrammes obtenus sont utilisés pour mesurer des grandeurs caractéristiques** (ici ω_0 et A), on choisit judicieusement les fréquences de mesure. Dans le cas présent, on fera de **nombreux relevés autour de la fréquence de résonance et autour de la bande passante**.

EXEMPLE DE TABLEAU DE VALEURS OBTENUES PAR UN ELEVE (1)

Valeurs choisies (à préciser obligatoirement) :

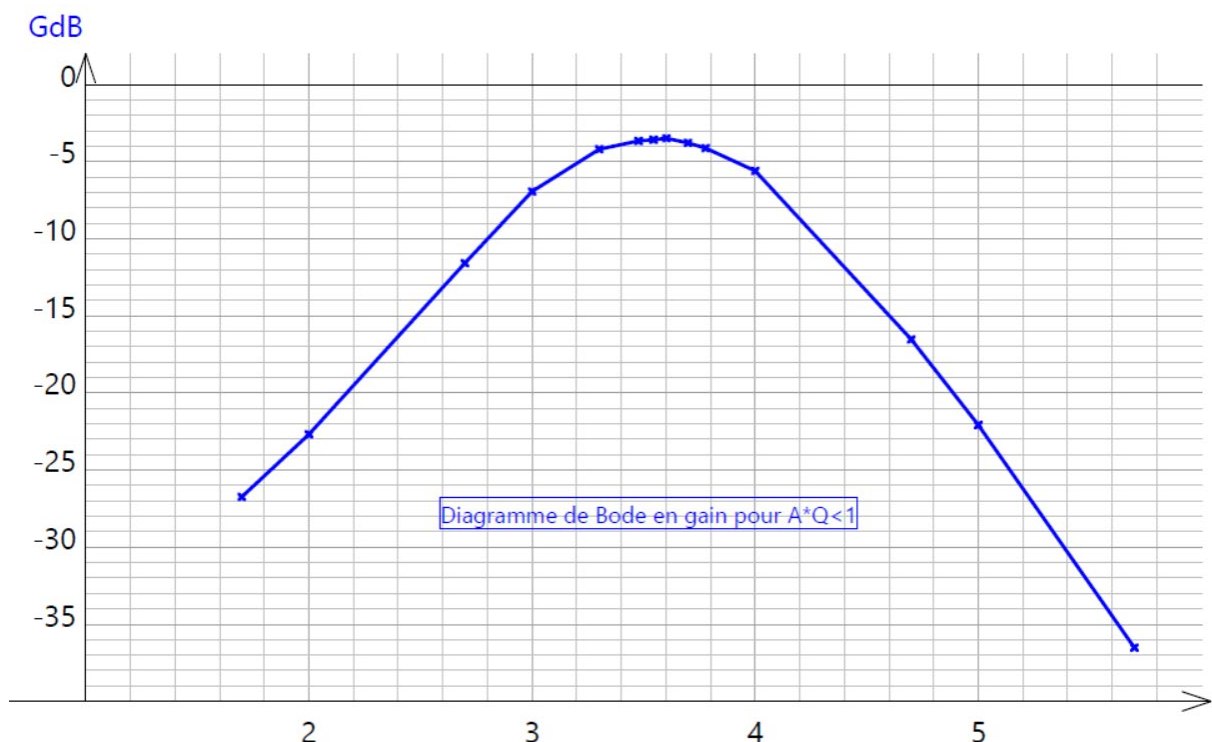
- $R = 1\text{ k}\Omega$ et $u_R = 1\%R = 10\Omega$ (résolution boîte à décades)
- $C = 44,0\text{ nF}$ et $u_C = 0.2\%C + 3UR = 0.4\text{ nF}$ (incertitude pont de mesure)
- $R_1 = 1\text{ k}\Omega$ et $u_{R_1} = 1\%R_1 = 10\Omega$ (tolérance code couleurs)
- $R_2 = 1\text{ k}\Omega$ et $u_{R_2} = 1\%R_2 = 10\Omega$ (tolérance boîte à décades)
- $A = 2 \Rightarrow H_{\max} = 0.667 \Rightarrow G_{\max} = -3.52$ (à calculer pour vérifier la cohérence des résultats)

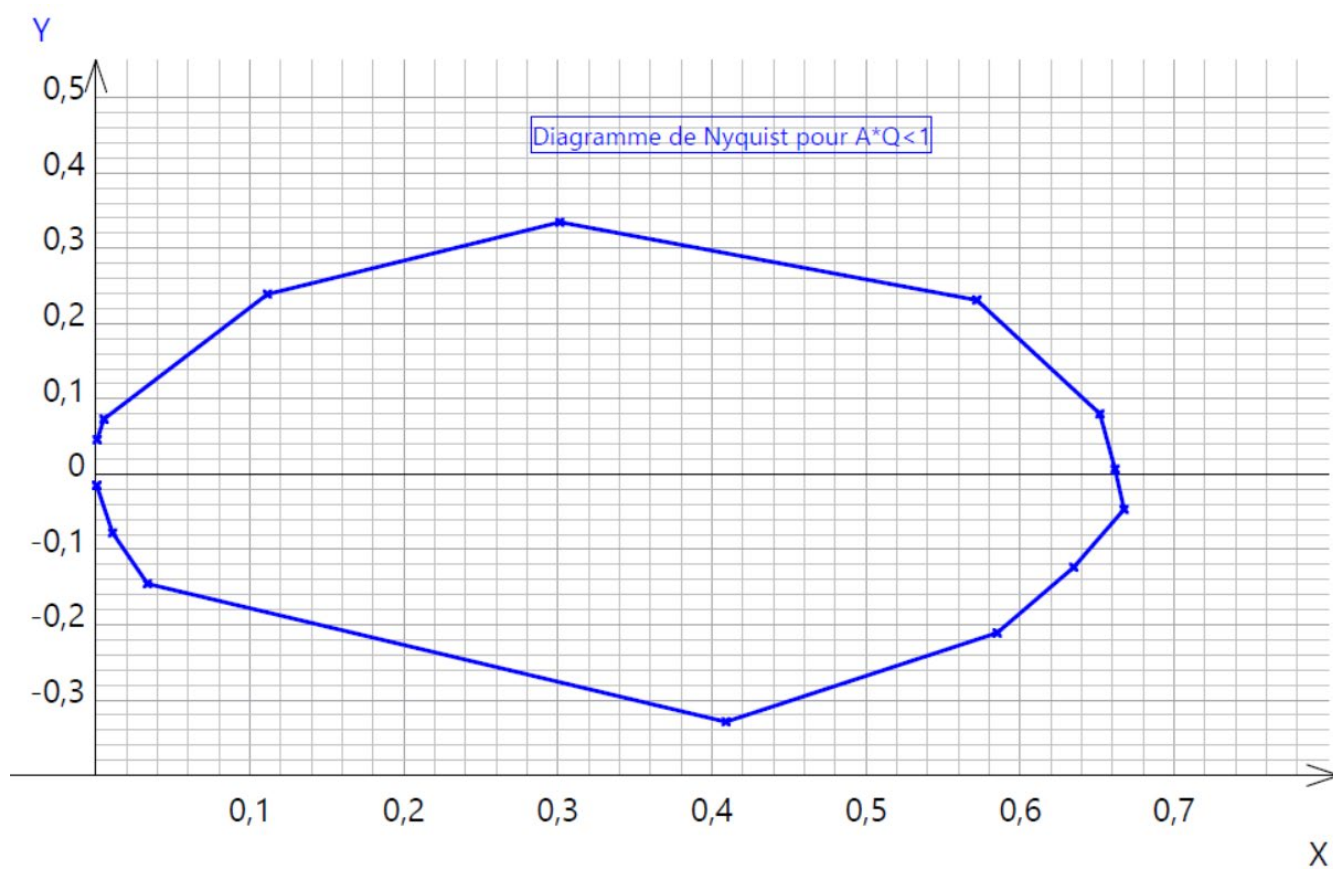
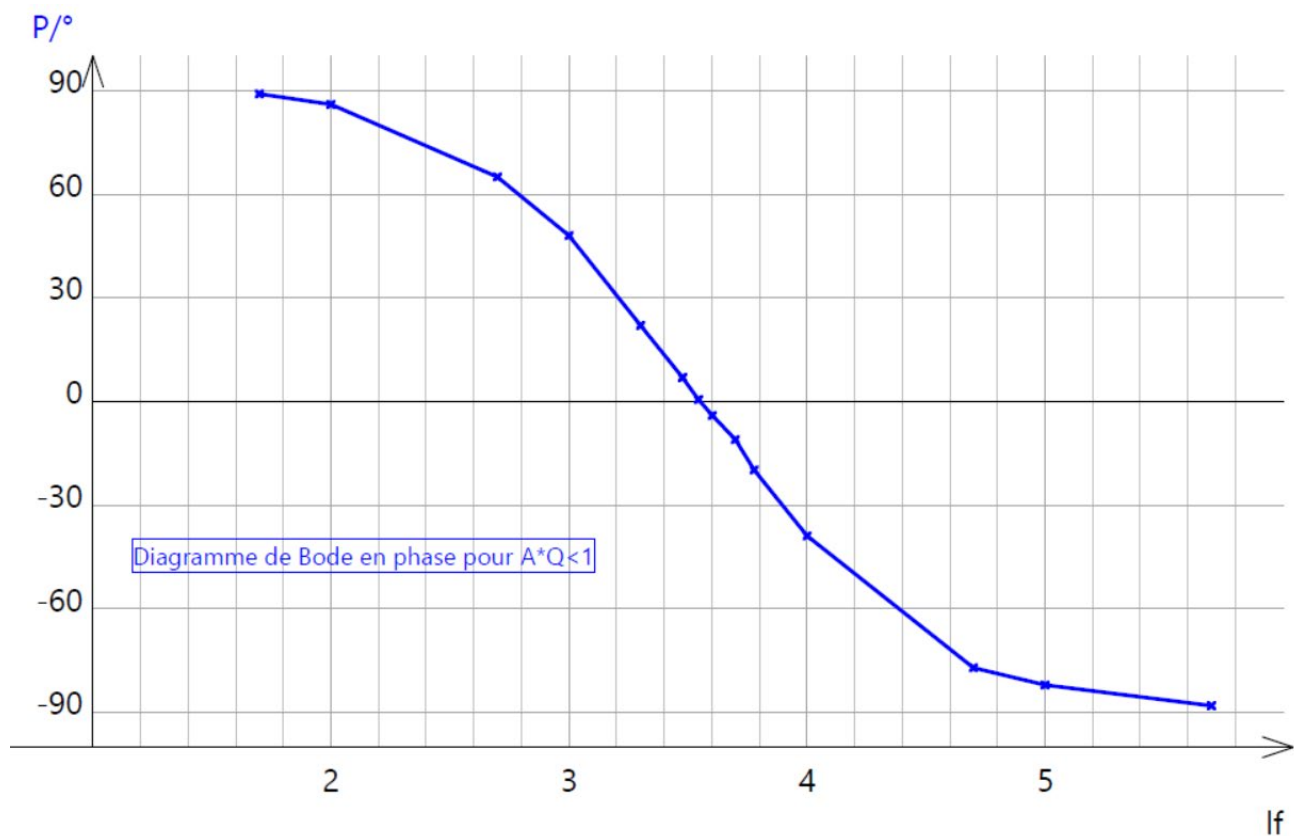
f Hz	Ve V	Vr V	P °	If	GdB	X	Y
50,00	4,020	0,1850	89,00	1,699	-26,74	0,0008032	0,04601
100,0	4,020	0,2950	86,00	2,000	-22,69	0,005119	0,0732
500,0	4,020	1,060	65,00	2,699	-11,58	0,1114	0,2390
1000	4,020	1,810	48,00	3,000	-6,931	0,3013	0,3346
2000	4,020	2,480	22,00	3,301	-4,195	0,5720	0,2311
3000	4,020	2,640	7,000	3,477	-3,652	0,6518	0,08003
3500	4,020	2,660	0,6000	3,544	-3,587	0,6617	0,006929
4000	4,020	2,690	-4,00	3,602	-3,489	0,6675	-0,04668
5000	4,020	2,600	-11,0	3,699	-3,785	0,6349	-0,1234
6000	4,020	2,500	-19,80	3,778	-4,126	0,5851	-0,2107
1,000·10 ⁴	4,020	2,110	-38,80	4,000	-5,599	0,4091	-0,3289
5,000·10 ⁴	4,020	0,6000	-77,0	4,699	-16,52	0,03357	-0,1454
1,000·10 ⁵	4,020	0,3160	-82,0	5,000	-22,09	0,01094	-0,07784
5,000·10 ⁵	4,020	0,0600	-88,0	5,699	-36,52	0,0005209	-0,01492

Toutes les mesures ont été faites à l'aide des mesures automatiques sur l'oscilloscope (avec : P° = phase, $I_f = \log(f)$)

c. TRACES ET EXPLOITATION SUR REGRESSI :

TRACES





REMARQUES SUR LA QUALITE DES TRACES :

- ✓ pas assez de points pour déterminer avec précision les asymptotes HF et BF
- ✓ pas assez de points autour de la bande-passante
- ✓ Le repère pour le diagramme de Nyquist n'est pas orthonormé (on doit obtenir un cercle) !

EXPLOITATION DES GRAPHES

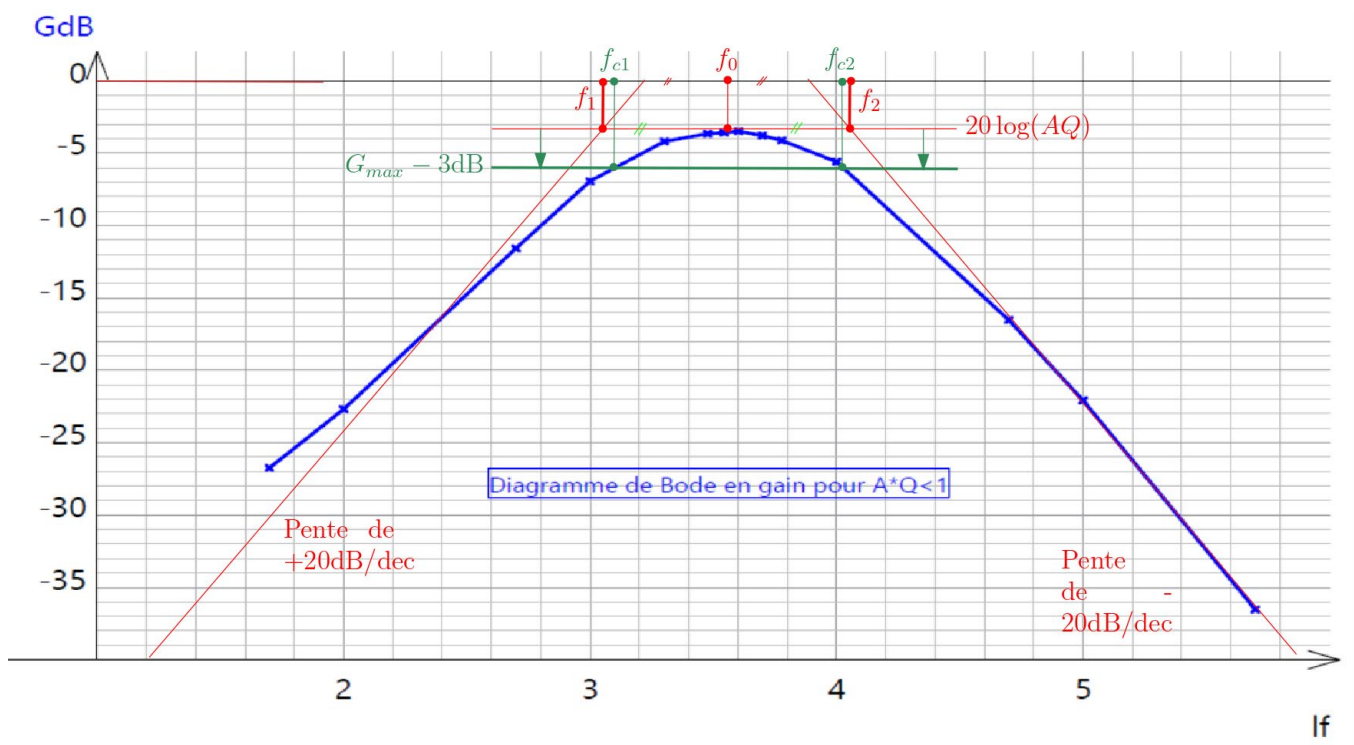
PRINCIPE

- ✓ On mesure ω_0^{ex} , G_{max}^{ex} et $\Delta\omega^{ex} = \omega_{c2} - \omega_{c1}$ à partir des courbes obtenues.
- ✓ On détermine également $u_{\omega_0}^{ex}$, $u_{G_{max}}^{ex}$ et $u_{\Delta\omega}^{ex}$ ¹
- ✓ On compare les valeurs trouvées aux valeurs théoriques² :
 - $\omega_0^{th} = \frac{1}{RC}$ et $\frac{u_{\omega_0}^{th}}{\omega_0^{th}} = \sqrt{\left(\frac{u_R}{R}\right)^2 + \left(\frac{u_C}{C}\right)^2}$
 - $\Delta\omega^{th} = \frac{\omega_0}{Q} = 3\omega_0$ et $u_{\Delta\omega}^{th} = 3 u_{\omega_0}$
 - $G_{max}^{th} = AQ = \frac{A}{3} = \frac{1}{3} \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)$ et $u_{G_{max}}^{th} = \sqrt{\left(\frac{1}{3R_1} u_{R_2}\right)^2 + \left(\frac{R_2}{3R_1^2} u_{R_1}\right)^2}$

EXEMPLE

EXPLOITATION (ELEVE (1))

On exploite le diagramme de Bode du gain de la manière suivante :



¹ Dans les trois cas, on aura : $u^2 = u_l^2 + u_c^2 \approx u_l^2$

² Les incertitudes types pour les composants peuvent être déterminées à partir de la tolérance donnée par le constructeur (souvent indiquée sur le boîtier en %) ou alors en mesurant la valeur du composant à l'aide d'un pont RLC et en utilisant la documentation constructeur du pont pour avoir l'incertitude liée à la mesure.

Exemple : pour les résistances des boîtes AOIP, on a : $u_R = 0,2\%R \times \frac{1}{\sqrt{3}}$

- ✓ Remarque : le diagramme présente une dissymétrie préoccupante : les pentes attendues sont ± 20 dB/dec. **Pour s'aligner avec le modèle, on trace des droites de pentes ± 20 dB/de cet on essaye de les faire fiter au mieux avec les courbes.**

- ✓ On détermine les différentes fréquences, les incertitudes sont déterminées par encadrement³ :

$$\text{Log}(f_0) = 3.54 \pm 0.01 \Rightarrow f_0 = 3.48 \text{ kHz et } u_{f_0} = 0.08 \text{ kHz}$$

$$\text{Log}(f_1) = 3.05 \pm 0.01 \Rightarrow f_1 = 1.12 \text{ kHz et } u_{f_0} = 0.03 \text{ kHz}$$

$$\text{Log}(f_2) = 4.05 \pm 0.01 \Rightarrow f_2 = 11.2 \text{ kHz et } u_{f_0} = 0.3 \text{ kHz}$$

$$\text{Log}(f_{c1}) = 3.08 \pm 0.01 \Rightarrow f_{c1} = 1.20 \text{ kHz et } u_{f_0} = 0.03 \text{ kHz}$$

$$\text{Log}(f_{c2}) = 4.03 \pm 0.01 \Rightarrow f_{c2} = 10.7 \text{ kHz et } u_{f_0} = 0.2 \text{ kHz}$$

$$\Delta f = f_{c2} - f_{c1} = 9.5 \text{ kHz} \Rightarrow u_{\Delta f} = \sqrt{\left(\frac{u_{f_{c1}}}{f_{c1}}\right)^2 + \left(\frac{u_{f_{c2}}}{f_{c2}}\right)^2} = 0.1 \text{ kHz}$$

- ✓ On détermine le gain maximal⁴ :

$$20 \text{Log}(AQ) = -3.2 \pm 0.1 \Rightarrow AQ = 0.69 \text{ et } u_{\{AQ\}} = 0.01$$

- ✓ Méthode 1 pour déterminer Q

D'après l'étude théorique, on a :

- $Q = \frac{f_0}{f_{c2} - f_{c1}}$
- $\frac{u_Q}{Q} = \sqrt{\left(\frac{u_{f_0}}{f_0}\right)^2 + \left(\frac{u_{f_{c1}}}{f_{c2} - f_{c1}}\right)^2 + \left(\frac{u_{f_{c2}}}{f_{c2} - f_{c1}}\right)^2}$
- D'où : $Q = 0.37$ et $u_Q = 0.01$

- ✓ Méthode 2 pour déterminer Q

De même, on a :

- $Q = \frac{f_0}{f_2 + f_1}$
- $\frac{u_Q}{Q} = \sqrt{\left(\frac{u_{f_0}}{f_0}\right)^2 + \left(\frac{u_{f_1}}{f_2 + f_1}\right)^2 + \left(\frac{u_{f_2}}{f_2 + f_1}\right)^2}$
- D'où : $Q = 0.28$ et $u_Q = 0.01$

- ✓ On peut en déduire une estimation de A en utilisant⁵ $AQ = 0.69$ et $u_{\{AQ\}} = 0.01$:

- Pour $Q = 0.28$ et $u_Q = 0.01$, on trouve : $A = 2.4$ et $u_A = 0.1$
- Pour $Q = 0.37$ et $u_Q = 0.01$, on trouve : $A = 1.9$ et $u_A = 0.1$

VALEURS THEORIQUES ATTENDUES :

- $Q=1/3$
- On a pris :
 - $R = 1 \text{ k}\Omega$ et $u_R = 1\%R = 10\Omega$ (résolution boîte à décades)
 - $C = 44,0 \text{ nF}$ et $u_C = 0.2\%C + 3UR = 0.4 \text{ nF}$ (incertitude pont de mesure)
 - $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$ et $u_{R_1} = 1\%R_1 = 10\Omega$ (résolution boîte à décades)
 - $R_2 = 1 \text{ k}\Omega$ et $u_{R_2} = 1\%R_2 = 10\Omega$ (tolérance boîte à décades)
- D'où :

³ $y = \text{Log}(f) = \frac{\ln(f)}{\ln(10)} \Rightarrow dy = \frac{1}{\ln(10)} \frac{df}{f} \Rightarrow u_y = \frac{1}{\ln(10)} \frac{u_f}{f} \Rightarrow u_f = \ln(10) f u_y$ avec $u_y = 0.01$

⁴ De la même manière que précédemment : $y = 20\text{Log}(AQ) \Rightarrow u_{AQ} = \frac{AQ}{20} \ln(10) u_y$

⁵ En effet : $\frac{u_A}{A} = \sqrt{\left(\frac{u_{AQ}}{AQ}\right)^2 + \left(\frac{u_Q}{Q}\right)^2}$

- $\omega_0^{th} = \frac{1}{RC} = 22.7 \text{ k rad/s}$ et $\frac{u_{\omega_0}^{th}}{\omega_0^{th}} = \sqrt{\left(\frac{u_R}{R}\right)^2 + \left(\frac{u_C}{C}\right)^2} \Rightarrow u_{\omega_0}^{th} = 0.1 \text{ k rad/s}$
- $f_0^{th} = \frac{1}{2\pi RC} = 3.62 \text{ kHz}$ et $\frac{u_{f_0}^{th}}{f_0^{th}} = \sqrt{\left(\frac{u_R}{R}\right)^2 + \left(\frac{u_C}{C}\right)^2} \Rightarrow u_{f_0}^{th} = 0.02 \text{ kHz}$
- Z score :

$$Z = \frac{|f_{oth} - f_0|}{u_{f_0}} = 1.75 < 2$$

○ D'où :

- $\Delta\omega^{th} = \frac{\omega_{oth}}{Q} = 3\omega_{oth} = 68.1 \text{ rad/s}$ et $u_{\Delta\omega}^{th} = 3 u_{\omega_0} = 0.3 \text{ rad/s}$
- $\Delta f^{th} = \frac{f_{oth}}{Q} = 3f_{oth} = 10.86 \text{ kHz}$ et $u_{\Delta f}^{th} = 3 u_{f_0} = 0.06 \text{ kHz}$
- Zscore :

$$Z = \frac{[\Delta f_{th} - \Delta f]}{u_{\Delta f}} = 11.8 > 2$$

○ Enfin :

- $A = 1 + \frac{R_2}{R_1} = 2$ et $u_A = \sqrt{\left(\frac{u_{R_2}}{R_1}\right)^2 + \left(\frac{u_{R_1 R_2}}{R_1^2}\right)^2} = 0.01$
- Zscore (calcul de Q par la méthode 1) :

$$Z = \frac{[A_{th} - A]}{u_A} = 4 > 2$$

- Zscore (calcul de Q par la méthode 2) :

$$Z = \frac{[A_{th} - A]}{u_A} = 1 < 2$$

Ainsi le modèle théorique ne permet pas d'interpréter correctement certains résultats expérimentaux. Plus précisément les résultats concernant la bande passante (valeur de $\Delta\omega$ et valeur de Q par la méthode 1) ne peuvent pas être validés par un Zscore. Il y a soit une erreur systématique soit de mauvaises manipulations : vu la dissymétrie de la courbe, c'est plutôt la seconde option.

d. TRACES ET EXPLOITATION SOUS PYTHON

PRINCIPE

On trace sous Python :

- Les diagrammes de Bode théoriques et expérimentaux
- Les diagrammes de Bode théoriques et expérimentaux
- Le Zscore sur H et ϕ en fonction de la fréquence

On prend à nouveau :

- $R = 1 \text{ k}\Omega$ et $u_R = 1\%R = 10\Omega$ (résolution boîte à décades)
- $C = 44,0 \text{ nF}$ et $u_C = 0.2\%C + 3UR = 0.4 \text{ nF}$ (incertitude pont de mesure)
- $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$ et $u_{R_1} = 1\%R_1 = 10\Omega$ (résolution boîte à décades)
- $R_2 = 1 \text{ k}\Omega$ et $u_{R_2} = 1\%R_2 = 10\Omega$ (tolérance boîte à décades)

CODE

Correction TP3

```

1 import numpy as np
2 import numpy.random as rd
3 import matplotlib.pyplot as plt
4
5 #valeurs experimentales
6 f=np.array([50, 100, 500, 1000, 2000, 3000, 3500, 4000, 5000, 6000, 10000, 50000, 100000, 500000])
7 uf=[0.01*x for x in f]
8 Ve=np.array([4.02,4.02,4.02,4.02,4.02,4.02,4.02,4.02,4.02,4.02,4.02,4.02,4.02,4.02])
9 uVe=[0.01*x for x in Ve]
10 Vs=np.array([0.1850, 0.2950, 1.060,1.810,2.480, 2.640,2.660, 2.690, 2.600,2.500, 2.110, 0.60, 0.3160,0.06])
11 uVs=[0.01*x for x in Vs]
12 phi=([89,86,65,48,22,7,0.6,-4,-11,-19.8, -38.8, -77, -82, -88])
13 uphi=[0.05*x for x in phi]
14 phi_rad=np.array([np.pi/180*x for x in phi])
15 uphi_rad=[0.05*x for x in phi_rad]
16 H=Vs/Ve
17 uH=H*np.sqrt((uVe/Ve)**2+(uVs/Vs)**2)
18 X=H*np.cos(phi_rad)
19 uX=X*np.sqrt((uH/H)**2+(uphi_rad/np.tan(phi_rad))**2)
20 Y=H*np.sin(phi_rad)
21 uY=Y*np.sqrt((uH/H)**2+(uphi_rad*np.tan(phi_rad))**2)
22 Gexp=[20*np.log10(x) for x in H]
23 uGexp=(Gexp/H)*[20/np.log(10)*x for x in uH]
24 logf=[np.log10(x) for x in f]
25 uf=(logf/f)*[x/np.log(10) for x in uf]
26
27 #valeurs théoriques
28 def passeBande(f,Q,f0,A):
29
30     return (A*((1j)*f/f0)) / (1 +1/Q*(1j)*(f/f0)+((1j)*(f/f0))**2)
31
32 def gain(f):
33
34     return np.abs(f)
35
36 def phase(f):
37
38     return np.angle(f)
39
40 def gaindB(H):
41
42     return 20*np.log10(H)
43
44 R=1000
45 uR=10
46 C=44*10**(-9)
47 uC=0.4*10**(-9)
48 R1=1000
49 uR1=10
50 R2=1000
51 uR2=10
52
53 f0=1/(2*np.pi*R*C)
54 Q=1/3
55 A=1+R2/R1
56
57
58 Hth=[gain(passeBande(x,Q,f0,A)) for x in f]
59 Gth=gaindB(Hth)
60 phith=[phase(passeBande(x,Q,f0,A)) for x in f]
61 Xth=Hth*np.cos(phith)
62 Yth=Hth*np.sin(phith)
63
64 print(type(Hth))
65
66
67 print(phi_rad)
68 print(phith)
69 print(uphi_rad)
70
71 #Zscore
72 ZG=np.abs((H-Hth)/uH)
73 Zphi=np.abs((phith-phi_rad)/uphi_rad)
74

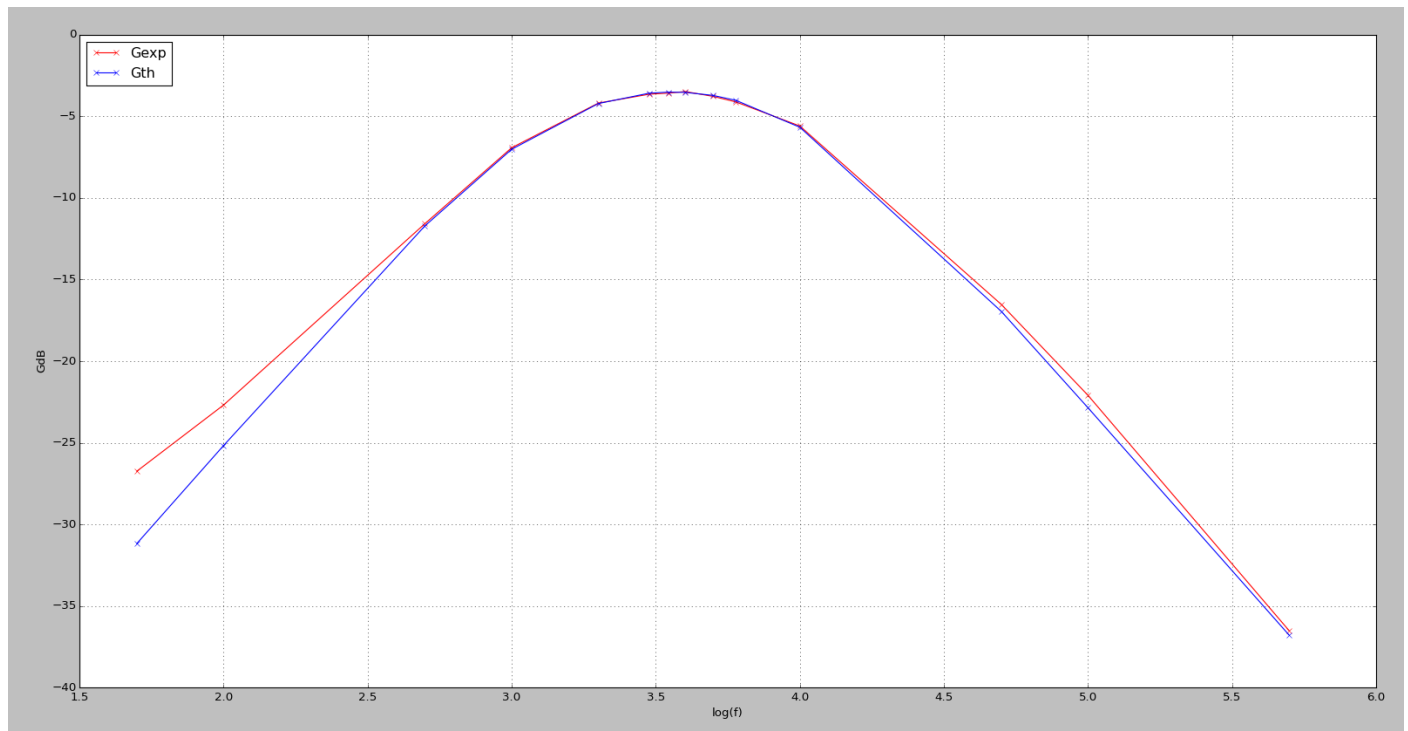
```

```

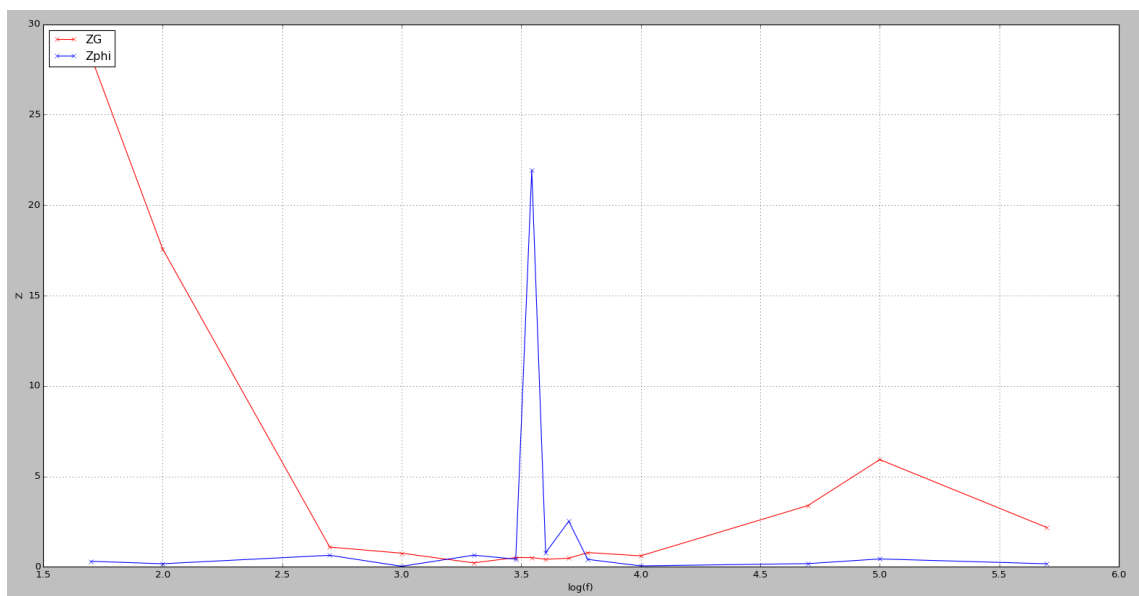
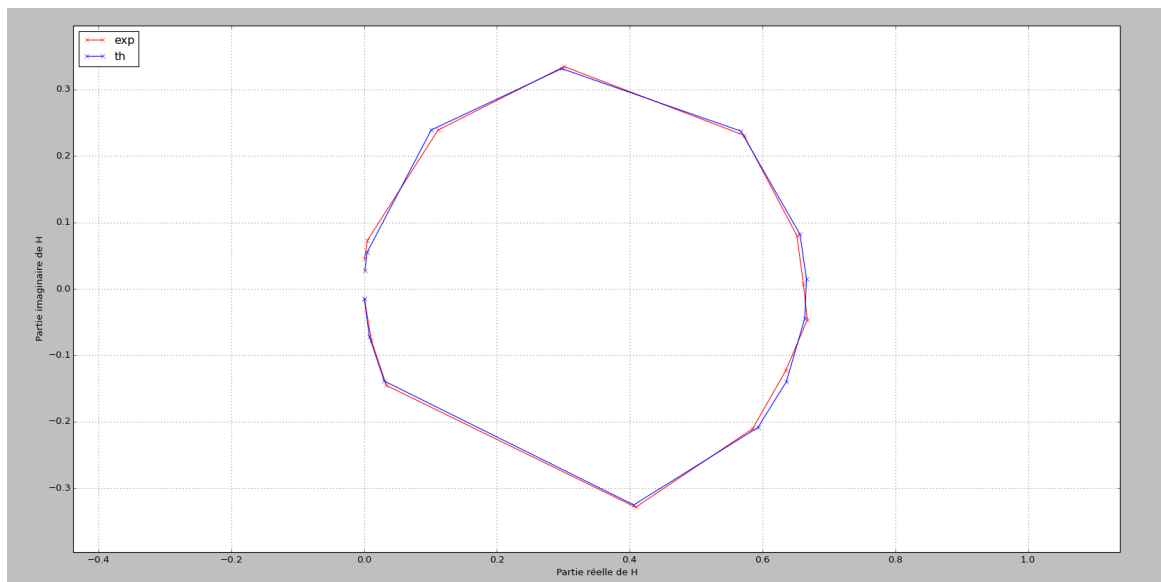
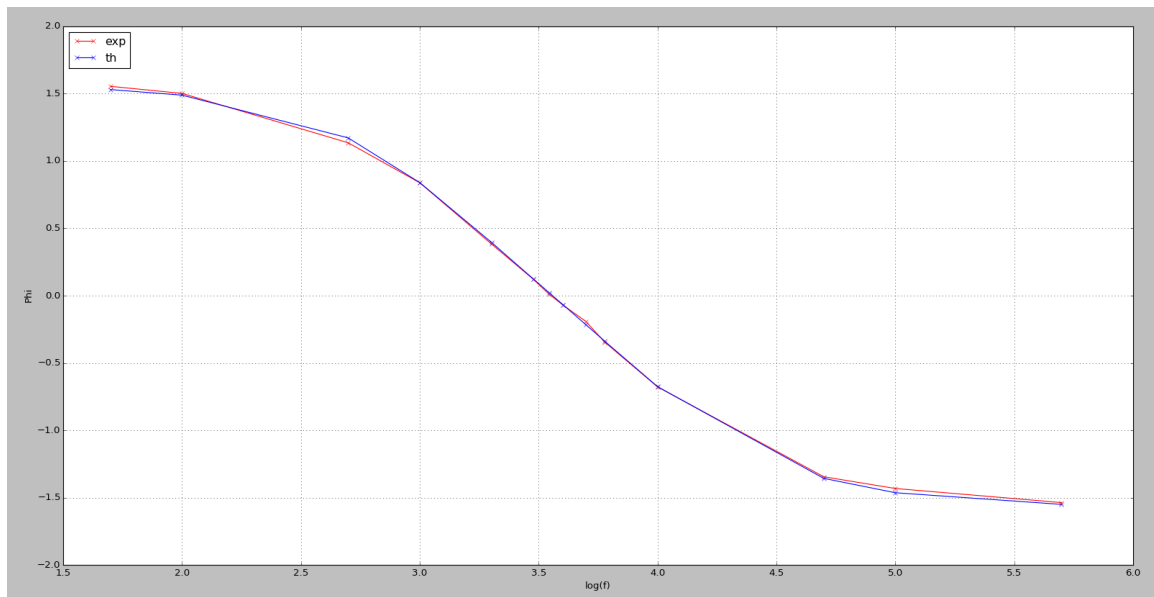
75 #Tracés
76 plt.figure("Diagramme de Bode du Gain")
77 plt.xlabel('log(f)')
78 plt.ylabel('GdB')
79 plt.grid()
80 plt.plot(logf,Gexp,'rx-',label='Gexp')
81 plt.plot(logf,Gth,'bx-',label='Gth')
82 plt.legend(loc=2)
83
84
85 plt.figure("Diagramme de Bode de la phase")
86 plt.xlabel('log(f)')
87 plt.ylabel('Phi')
88 plt.grid()
89 plt.plot(logf,phi_rad,'rx-',label='exp')
90 plt.plot(logf,phi_th,'bx-',label='th')
91 plt.legend(loc=2)
92
93 plt.figure("Diagramme de Nyquist")
94 plt.axis('equal')
95 plt.xlabel('Partie réelle de H')
96 plt.ylabel('Partie imaginaire de H')
97 plt.grid()
98 plt.plot(X,Y,'rx-',label='exp')
99 plt.plot(Xth,Yth,'bx-',label='th')
100 plt.legend(loc=2)
101
102 plt.figure("Zscores")
103 plt.xlabel('log(f)')
104 plt.ylabel('Z')
105 plt.grid()
106 plt.plot(logf,ZG,'rx-',label='ZG')
107 plt.plot(logf,Zphi,'bx-',label='Zphi')
108 plt.legend(loc=2)

```

COURBES



Correction TP3



INTERPRETATION

Les courbes obtenues montrent une adéquation correcte entre les courbes théoriques et expérimentales. Le problème principal vient de l'asymptote basse fréquence : l'écart entre les deux courbes est significatif et permet de comprendre les problèmes rencontrés avec Régressi concernant la BP.

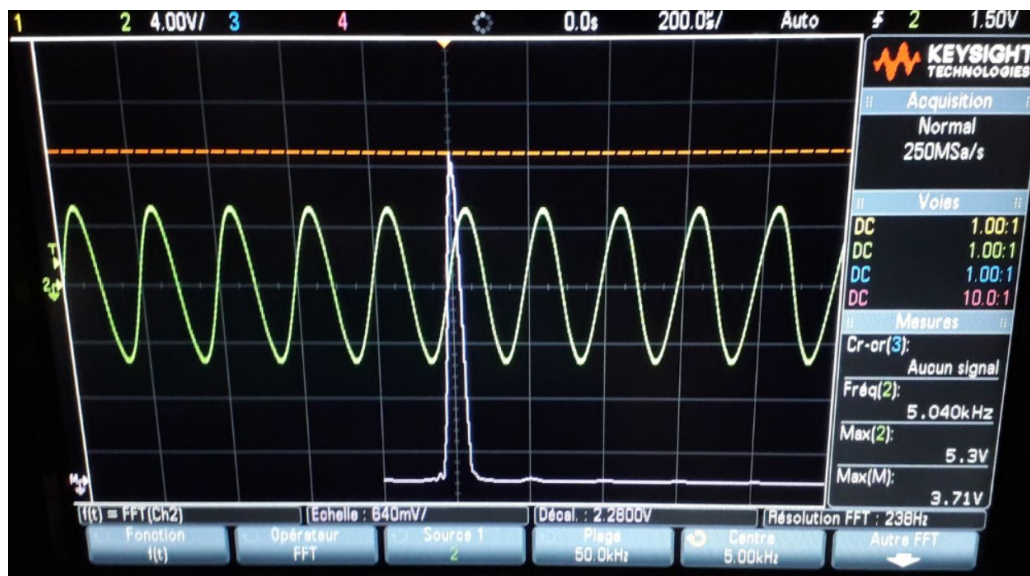
3. OSCILLATEUR.

On éteint le générateur et on boucle la sortie sur l'entrée.

⇒ Si le système n'oscille pas, on augmente la valeur de R_2 .

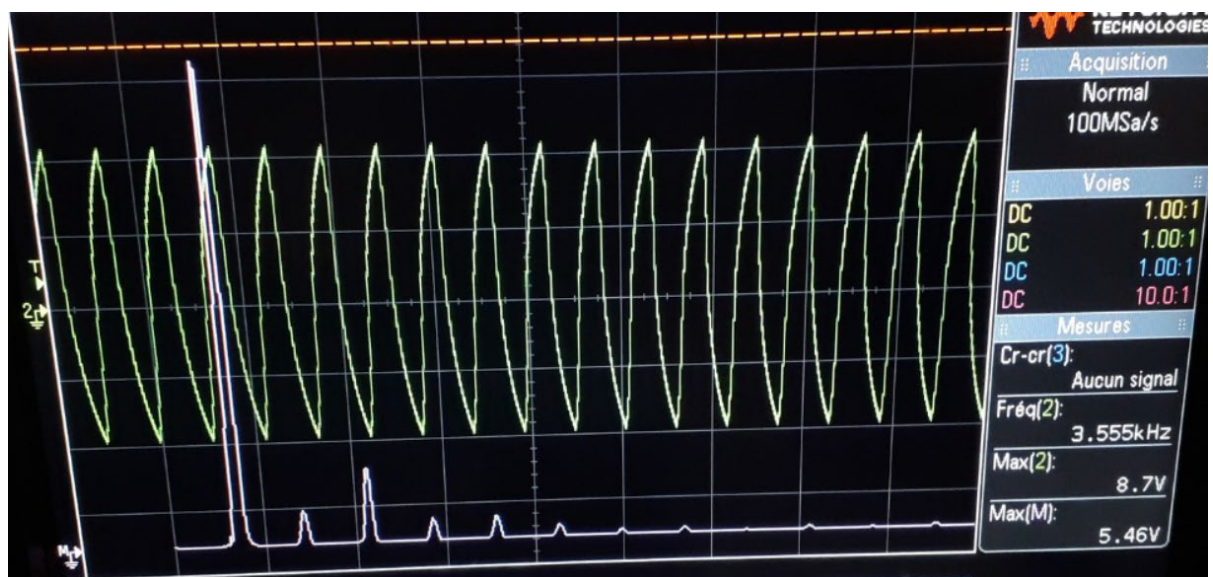
a. OBSERVATIONS : OSCILLATIONS ET SPECTRE

$$R_2 \approx 2 R_1$$



Le signal est quasi sinusoïdal : le spectre est quasiment pur.

$$R_2 \approx 3.3 R_1$$



Le signal est fortement distordu : le spectre est riche en harmoniques

b. MESURE DE LA PULSATION DES OSCILLATIONS.

PRINCIPE

- ✓ On visualise à l'oscilloscope la tension $V_r(t)$ et on mesure la période des oscillations :
 - T_0^{ex} est la fréquence de résonance mesurée expérimentalement.
 - $u_{T_0}^{ex} = \sqrt{(u_{T_0,l})^2 + (u_{T_0,c})^2}$ où :
 - $u_{T_0,l}$ est l'incertitude-type de lecture (à estimer en fonction de la qualité du signal), par exemple $u_{T_0,l} = \frac{1}{2} \text{ graduation} = \frac{1}{2} \times \frac{1 \text{ div}}{5} \times \text{calibre}$
 - $u_{T_0,c}$ est l'incertitude-type constructeur de l'oscilloscope numérique (ex doc constructeur : 1 intervalle d'échantillonnage + 100 ppm $\times$ lecture + 0,6 ns)
- ✓ On peut également mesurer directement la fréquence :
 - f_0^{ex} est la fréquence de résonance mesurée expérimentalement.
 - $u_{f_0}^{ex} = \sqrt{(u_{f_0,l})^2 + (u_{f_0,c})^2}$ où :
 - $u_{f_0,l}$ est l'incertitude-type de lecture (à estimer à partir des variations de la valeur affichée)
 - $u_{f_0,c}$ est l'incertitude-type constructeur de l'oscilloscope numérique (doc constructeur)
- ✓ On en déduit :

$$\begin{aligned} \text{▪ } \omega_0^{ex} &= \frac{2\pi}{T_0^{ex}} = 2\pi f_0^{ex} \\ \text{▪ } u_{\omega_0}^{ex} &= \frac{2\pi}{(T_0^{ex})^2} u_{T_0}^{ex} = 2\pi u_{f_0}^{ex} \end{aligned}$$

- ✓ La valeur théorique de ω_0 est $\frac{1}{RC}$:

$$\begin{aligned} \text{▪ } \omega_0^{th} &= \frac{1}{RC} \\ \text{▪ } u_{\omega_0}^{th} &= \omega_0^{th} \sqrt{\left(\frac{u_R}{R}\right)^2 + \left(\frac{u_C}{C}\right)^2} \end{aligned}$$

EXEMPLE DE MESURE

Un élève (2) a obtenu les résultats suivants :



- ✓ Valeurs théoriques :
 - $R = 100,1 \pm 0,2 \, \Omega$; $C = 400 \pm 1 \, nF$

- $\omega_0^{th} = \frac{1}{RC} = 32.3 \text{ k rad/s}$ et $\frac{u_{\omega_0}^{th}}{\omega_0^{th}} = \sqrt{\left(\frac{u_R}{R}\right)^2 + \left(\frac{u_C}{C}\right)^2} \Rightarrow u_{\omega_0}^{th} = 0.1 \text{ k rad/s}$
- $f_0^{th} = \frac{1}{2\pi RC} = 5.14 \text{ kHz}$ et $\frac{u_{f_0}^{th}}{f_0^{th}} = \sqrt{\left(\frac{u_R}{R}\right)^2 + \left(\frac{u_C}{C}\right)^2} \Rightarrow u_{f_0}^{th} = 0.02 \text{ kHz}$
- **On a donc :**

$$f_0^{th} = \frac{1}{2\pi RC} = 5.14 \pm 0.02 \text{ kHz}$$

✓ Résultats expérimentaux :

- **La fréquence est mesurée à l'oscilloscope grâce aux mesures automatiques :** comme la fréquence varie, il faut prendre en compte l'incertitude type due à ces fluctuations. Le nombre de périodes affiché étant environ de 5, il faut prendre en compte l'effet du fenêtrage :
- D'où :
 - $f_{min} = 5.050 \text{ kHz} ; f_m = 5.065 \text{ kHz}$
 - $f_0^{ex} = \frac{f_{max} + f_{min}}{2} = 5.057 \text{ kHz}$
 - $\tau = 1 \text{ ms}$!! (durée de la fenêtre)
 - $(u_{f_0}^{ex})^2 = \left(\frac{f_{max} + f_{min}}{2\sqrt{3}}\right)^2 + \left(\frac{1}{\sqrt{3}} \cdot \frac{1}{\tau}\right)^2 \Rightarrow u_{f_0}^{ex} \approx \frac{1}{\sqrt{3}} \cdot \frac{1}{\tau} \approx 600 \text{ Hz} !$
- **Conclusion, compte tenu du protocole expérimental, on a :**

$$f_0^{ex} = 5.1 \pm 6 \text{ kHz}$$

- ✓ Conclusion : Les résultats expérimentaux et théoriques sont compatibles, la mesure peut être validée.

C. CONDITION D'ACCROCHAGE : MESURE DE R_{2min}

PRINCIPE

- ✓ La condition d'accrochage étant $A > 3$, on obtient la condition suivante sur R_2 :

$$R_2 > 2R_1$$

⇒ La condition d'accrochage peut être déterminée en exprimant la valeur minimale de R_2 (R_{2min})

- ✓ La valeur théorique de R_{2min} est $2R_2$:

$$\begin{aligned} \text{▪ } R_{2min}^{th} &= 2R_1 \\ \text{▪ } u_{R_{2min}}^{th} &= 2u_{R_1} = 2 \times \frac{1}{\sqrt{3}} \times \frac{0.2}{100} \times R_1 \end{aligned}$$

- ✓ On cherche R_{2min} par encadrement : on détermine ainsi la valeur maximale de R_2 pour laquelle il n'y a pas d'oscillations (R_2^a) et la valeur minimale de R_2 pour qu'il y ait oscillations (R_2^b). On déduit :

$$\begin{aligned} \text{▪ } R_{2min}^{ex} &= \frac{(R_2^b + R_2^a)}{2} \\ \text{▪ } u_{R_{2min}}^{ex} &= \sqrt{\left(\frac{1}{\sqrt{3}} \cdot \frac{(R_2^b - R_2^a)}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{\sqrt{3}} \times \frac{1}{100} \times R_{2min}\right)^2} \text{ (les 1\% sont la tolérance des boîtes de résistances)} \end{aligned}$$

EXEMPLE DE RESULTATS (ELEVE (2)) :

- ✓ Valeurs théoriques :

- La résistance R_1 et mesurée au multimètre :

$$R_1 = 1,000 \pm 0.002 \text{ k}\Omega$$

- On obtient donc :

$$R_{2m} = 2R_1 = 2,000 \pm 0.005 \text{ k}\Omega$$

✓ Valeurs expérimentales :

- $R_2^a = 1980 \Omega$ et $R_2^b = 1986 \Omega$
- $R_{2min}^{ex} = \frac{(R_2^b + R_2^a)}{2} = 1983 \Omega$
- $u_{R_{2min}}^{ex} = \sqrt{\left(\frac{1}{\sqrt{3}} \frac{(R_2^b - R_2^a)}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{\sqrt{3}} \times \frac{1}{100} \times R_{2min}^{ex}\right)^2} = 11 \Omega$
- **Conclusion :**

$$R_{2min}^{ex} = 1,98 \pm 0.01 \text{ k}\Omega$$

- ✓ Conclusion : Les résultats expérimentaux et théoriques sont compatibles, la mesure peut être validée.

d. TAUX DE DISTORSION.

GENERALITES

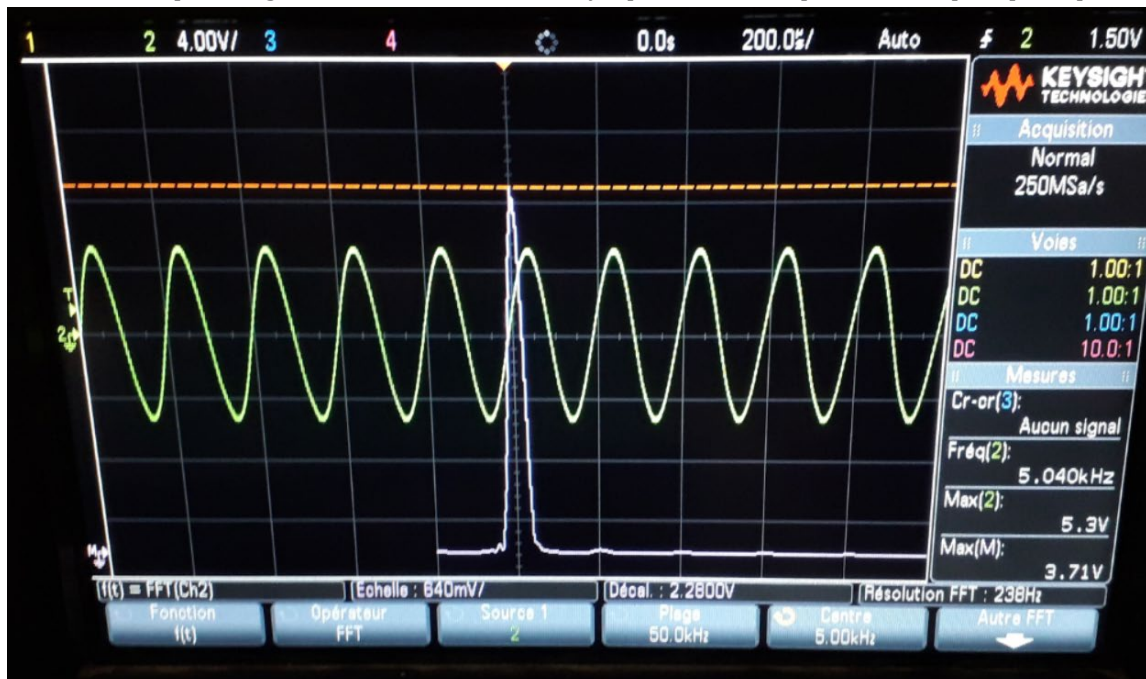
- ✓ On visualise la FFT du signal (dans math) et on mesure l'amplitude du fondamental (F_1) et celles des harmoniques (H_i) à l'aide des curseurs. En fonction de la qualité du signal, on constate que le nombre d'harmoniques à prendre en compte varie.
- ✓ On en déduit : $THD = \frac{\sqrt{\sum_i H_i^2}}{F_1}$
- ✓ On détermine l'incertitude type par la méthode Monte-Carlo (ici en utilisant Python)
- ✓ On constate alors que :
 - Plus la valeur de R_1 est éloignée de R_{1min} plus le THD est élevé.
 - L'utilisation d'un dispositif de limitation de l'amplitude des oscillations, pour une valeur de R_1 donnée, permet de réduire le THD.

EXEMPLES DE MESURE (ELEVE (2)) :

1. On se place dans le cas où R_2 est légèrement supérieure à $2R_1$:

$$R_2 = 2.08 \text{ k}\Omega$$

- ✓ Comme on est peu éloigné de la valeur minimale, il y a peu d'harmoniques, on en repère principalement 3.



- ✓ On mesure l'amplitude du fondamental et celles des harmoniques avec les curseurs et on procède par encadrement :

$F_1 = 4.27 \text{ V}$ et $u_{F_1} = 0.03 \text{ V}$
$H_2 = 276 \text{ mV}$ et $u_{H_2} = 0.03 \text{ mV}$
$H_3 = 163 \text{ mV}$ et $u_{H_3} = 0.03 \text{ mV}$
$H_4 = 62 \text{ mV}$ et $u_{H_4} = 0.03 \text{ mV}$

- ✓ On en déduit (voir code ci-après) :

$$THD = 0.075 ; u_{THD} = 0.001$$

2. On se place dans le cas où $R_2 \gg 2R_1$:

$$R_2 = 102 \text{ k}\Omega$$

- ✓ Comme on est très éloigné de la valeur minimale, il y a beaucoup plus d'harmoniques, on en repère principalement 8.



- ✓ On mesure l'amplitude du fondamental et celles des harmoniques avec les curseurs et on procède par encadrement :

$F_1 = 10.5 \text{ V}$ et $u_{F_1} = 0.1 \text{ V}$
$H_2 = 2.17 \text{ V}$ et $u_{H_2} = 0.06 \text{ V}$
$H_3 = 1.06 \text{ V}$ et $u_{H_3} = 0.06 \text{ V}$
$H_4 = 657 \text{ mV}$ et $u_{H_4} = 12 \text{ mV}$
$H_5 = 446 \text{ mV}$ et $u_{H_5} = 12 \text{ mV}$
$H_6 = 331 \text{ mV}$ et $u_{H_6} = 12 \text{ mV}$
$H_7 = 259 \text{ mV}$ et $u_{H_7} = 12 \text{ mV}$
$H_8 = 201 \text{ mV}$ et $u_{H_8} = 12 \text{ mV}$

- ✓ On en déduit (voir code ci-après) :

$$THD = 0.24 ; u_{THD} = 0.01$$

- ✓ Conclusion : Plus on s'éloigne de la condition d'accrochage, plus le THD est important. le THD est bon outil pour évaluer la présence d'harmoniques dans un signal pseudo-sinusoïdal.

3. Code Python utilisé pour la méthode Monté Carlo :

```

from math import *
import numpy as np
import numpy.random as rd

#Valeurs mesurées
H1=[4.271,0.27612,0.16380,0.06240] #Amplitudes des harmoniques (et de la fondamentale en premier) pour R2 équivalent a R2osc, en Volt
u_H1=[0.029,0.00289,0.00289,0.00289] #Incertitudes liées à ces harmoniques en Volt

H2=[10.47,2.173,1.060,0.657,0.446,0.331,0.259,0.201] #Harmoniques pour R2 très grand devant R2osc, en Volt
u_H2=[0.12,0.058,0.058,0.012,0.012,0.012,0.012,0.012] #Incertitudes liées à ces harmoniques en Volt

def THD(H):
    """Renvoie le THD de la liste d'harmoniques H ou H[1] est la fondamentale"""
    r=0 #racine du numérateur dans le calcul du THD
    for i in range(1,len(H)-1):
        r += H[i] ** 2
    r = sqrt(r)
    return r/H[0]

N=10000 #nombre d'itérations

def Monte_Carlo(H,u_H,N):
    """Renvoie la moyenne du THD et son incertitude"""
    THD_sim=[] #liste des valeurs du THD simulé

    for i in range(N):
        H_sim=[] #Valeurs simulées des amplitudes des harmoniques
        for j in range(len(H)) :
            H_sim.append(rd.normal(H[j],u_H[j]))
        THD_sim.append(THD(H_sim))

    moy = np.average(THD_sim)
    u = np.std(THD_sim,ddof=1)

    return(moy,u)

print(Monte_Carlo(H1,u_H1,N))
print(Monte_Carlo(H2,u_H2,N))

#On obtient :
#(0.0751716484773155, 0.000838284439393062)
#(0.2464243458716377, 0.005938922985408836)

```

e. LIMITATION DE L'AMPLITUDE DES OSCILLATIONS.

CTN

- ✓ La CTN mise à disposition à une résistance à température ambiante qui vaut R_0
 $\Rightarrow$ On prend R_1 telle que :

$$1 + \frac{R_0}{R_1} > 3 \Rightarrow R_0 > 2R_1$$
- ✓ On remplace R_2 par la CTN de résistance $R_2 = R_0 e^{-\beta P}$
 $\Rightarrow$ Au départ, la condition d'accrochage est vérifiée.
 $\Rightarrow$ Lorsque le montage fonctionne, la puissance reçue par la CTN augmente et donc sa résistance diminue.
 $\Rightarrow$ Lorsque cette résistance passe en dessous de $2k\Omega$, la condition d'accrochage n'est plus vérifiée et les oscillations s'arrêtent : la puissance P s'annulant, la résistance R_2 augmente et lorsque R_2 dépasse à nouveau $2k\Omega$ les oscillations reprennent.
- ✓ Pour quantifier l'intérêt de la CTN, on mesure le THD pour R_2 fixée puis pour $R_0 = R_2$: on doit observer un THD plus petit dans le deuxième cas.

EXEMPLE DE MESURES (ELEVE (2))

- ✓ On prend $R_2 = 3.3k\Omega$, on fait comme précédemment pour mesurer le THD :

$F_1 = 5.49V$ et $u_{F_1} = 0.03V$
$H_2 = 463 mV$ et $u_{H_2} = 0.03 mV$
$H_3 = 951 mV$ et $u_{H_3} = 0.03 mV$
$H_4 = 268 mV$ et $u_{H_4} = 0.03 mV$

On obtient :

$$THD = 0.198 ; u_{THD} = 0.001$$

- ✓ On utilise une thermistance telle que $R_0 = 3.3k\Omega$, on obtient :

$F_1 = 5.31 V$ et $u_{F_1} = 0.03V$
$H_2 = 323 mV$ et $u_{H_2} = 0.03 mV$
$H_3 = 802 mV$ et $u_{H_3} = 0.03 mV$
$H_4 = 201 mV$ et $u_{H_4} = 0.03 mV$

On obtient :

$$THD = 0.167 ; u_{THD} = 0.001$$

Conclusion : La CTN permet de limiter le taux de distorsion d'environ 3%

IV. COMPLEMENT : SIMULATION DU DEBUT DES OSCILLATIONS (PSI)

CODE

```

2 import numpy as np
3 import scipy.integrate
4 import matplotlib.pyplot as plt
5
6 R=3e3                # Resistance du Pont de Wien
7 C=100e-9             # Capacite du Pont de Wien
8 A=3.5               # Gain de l'etage d'amplification
9 tfin=15e-3           # instant final de la simulation
10 vsat=15             # tension de saturation de l'A0
11
12 def f(y,t):
13     x,vx = y
14     if abs(x) < vsat/A:
15         return [vx, (A-3)/(R*C)*vx - x/(R*C)**2]
16     else:
17         return [vx, ( -3)/(R*C)*vx - x/(R*C)**2]
18
19 t = np.linspace(0,tfin,10000)
20 sol = sp.integrate.odeint(f,[0.01,0.01],t)
21 e=sol[:,0]
22 de=sol[:,1]
23 s= np.where(abs(e)>vsat/A,vsat*np.sign(e),e*A)
24
25 plt.ion()
26 plt.figure("Réponses temporelles")
27 plt.plot(t,s,label="s")
28 plt.plot(t,e,label="e")
29 plt.axis([0,tfin,-16,16])
30 plt.figure("Trajectoire de phase")
31 plt.plot(e,de)
32 plt.xlabel("e (V)")
33 plt.ylabel("de/dt (V/s)")
34 plt.title("Plan de phase")
35 plt.show()

```

COURBES

