

Physique dans la salle de bain

Certaines questions peu ou pas guidées, demandent de l'initiative de la part du candidat. Leur énoncé est repéré par une barre en marge. Il est alors demandé d'explicitier clairement la démarche, les choix et de les illustrer, le cas échéant, par un schéma. Le barème valorise la prise d'initiative et tient compte du temps nécessaire à la résolution de ces questions.

I Arrivée d'eau

Dans une salle de bain, l'eau est délivrée par deux types de robinets : le mitigeur mécanique pour les lavabos et le mitigeur thermostatique pour la douche ou la baignoire (figure 1).



Figure 1 Exemples de mitigeurs

Dans le mitigeur mécanique, l'eau froide et l'eau chaude sont mélangées dans des proportions réglables par une position angulaire de la poignée et le débit réglable indépendamment par l'inclinaison de la poignée. L'écoulement est étudié en régime stationnaire et on note D_C et D_F les débits massiques respectifs de l'eau chaude (température T_C) et de l'eau froide (température T_F) à l'entrée dans le mélangeur et D_s le débit massique de l'eau en sortie (température T_s).

On suppose que la capacité thermique massique de l'eau est indépendante de sa température.

Q 1. Parmi les quatre valeurs proposées ci-dessous, quel débit D_s en sortie du mitigeur correspond à un fonctionnement normal ? Argumenter.

a. $2,0 \text{ g}\cdot\text{s}^{-1}$

c. $2,0 \times 10^2 \text{ g}\cdot\text{s}^{-1}$

b. $2,0 \times 10^1 \text{ g}\cdot\text{s}^{-1}$

d. $2,0 \times 10^3 \text{ g}\cdot\text{s}^{-1}$

Q 2. Relier D_s à D_F et D_C .

Q 3. Pourquoi peut-on faire l'hypothèse que l'eau dans le corps du mélangeur ne reçoit aucune puissance thermique de la part de l'air environnant ?

Q 4. Détailler le raisonnement qui aboutit à $D_s h_s = D_C h_C + D_F h_F$ où h_s , h_C et h_F sont les enthalpies massiques respectives de l'eau en sortie, chaude et froide.

Q 5. En déduire l'expression de T_s en fonction des deux températures d'entrée et des débits massiques.

La légionellose est une maladie infectieuse due à une bactérie qui se développe dans les réseaux d'eau douce dont la température est comprise entre 25 et 45 °C. À 50 °C, sa croissance est stoppée, mais la bactérie survit ; à 55 °C, le temps de destruction est de plusieurs heures, à 60 °C il est de 32 minutes, à 70 °C de une minute (source : DRASS/DASS). Dans les logements où la production d'eau chaude est individuelle, il est donc recommandé de maintenir l'eau du ballon de stockage à une température de plus de 55 °C et une fois par semaine de produire une eau à 70 °C. La température d'eau chaude à l'arrivée au robinet doit être au moins de 50 °C.

La gravité d'une brûlure est fonction de la température de l'eau et du temps de contact avec la peau. Une brûlure au troisième degré survient lors d'une exposition de la peau d'une seconde à 70 °C, 7 secondes à 60 °C pour l'adulte et 3 secondes pour l'enfant, 8 minutes à 50 °C, pour l'adulte, 60 secondes pour l'enfant. (source : http://www.porcher.com/normes_et_reglementation/risque_de_brulure.html).

Un mitigeur mécanique est réglé pour que la température de sortie soit de 42 °C lorsque $T_C = 50^\circ\text{C}$ et $T_F = 18^\circ\text{C}$. La manette est alors abaissée en position robinet fermé. Durant la nuit, l'eau chaude sanitaire est produite à une température de 70 °C.

Q 6. Y a-t-il un risque de brûlure à l'ouverture du mitigeur le matin si on lève simplement la manette sans la tourner ni à gauche ni à droite ?

Un mitigeur thermostatique contient un élément dilatable, par exemple une cartouche de cire. Si la température de l'eau chaude augmente brusquement, la régulation de température de l'eau de sortie est alors effectuée sans agir sur le réglage de la manette.

Q 7. L'eau chaude arrive-t-elle sur l'entrée 1 ou l'entrée 2 du schéma de la figure 2 ? Justifier.

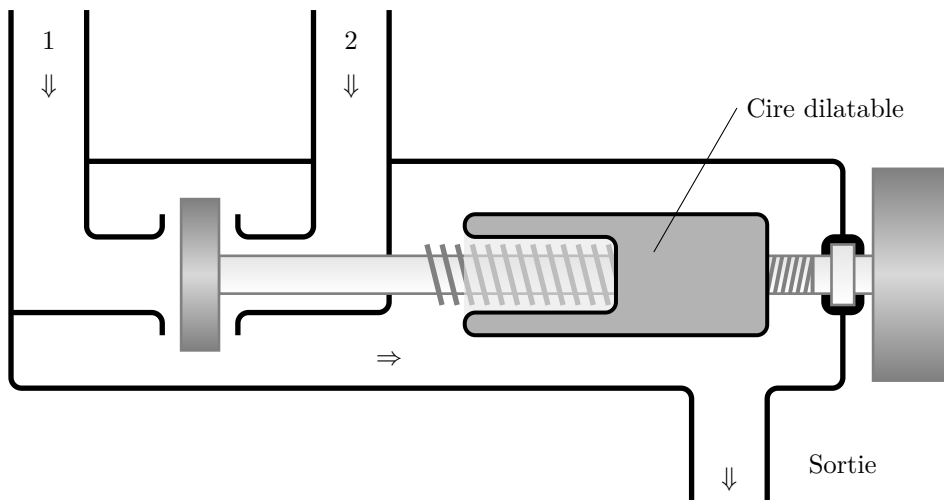


Figure 2 Mitigeur thermostatique schématique

II L'air humide

II.A – Grandeurs caractérisant un air humide

L'air renferme toujours une proportion d'eau sous forme vapeur. On le qualifie d'air humide et on le caractérise par

- son *humidité absolue* $x = m_v/m_{as}$ où m_v et m_{as} sont respectivement les masses de vapeur d'eau et d'air sec dans un volume V quelconque d'air humide ;
- son *humidité relative* HR (ou *degré hygrométrique*) à la température T : $HR = \frac{p_v(T)}{p_{sat}(T)}$ où p_v est la pression partielle en vapeur d'eau et p_{sat} la pression de vapeur saturante dont la dépendance avec la température est donnée par la figure 3.

Dans la suite, l'air humide sera étudié comme un mélange de deux gaz parfaits : l'air sec (indice as) et la vapeur d'eau (indice v). La pression totale p de l'air humide sera considérée constante et égale à $p = 1,013$ bar.

On note respectivement M_{as} et M_e les masses molaires de l'air sec et de l'eau.

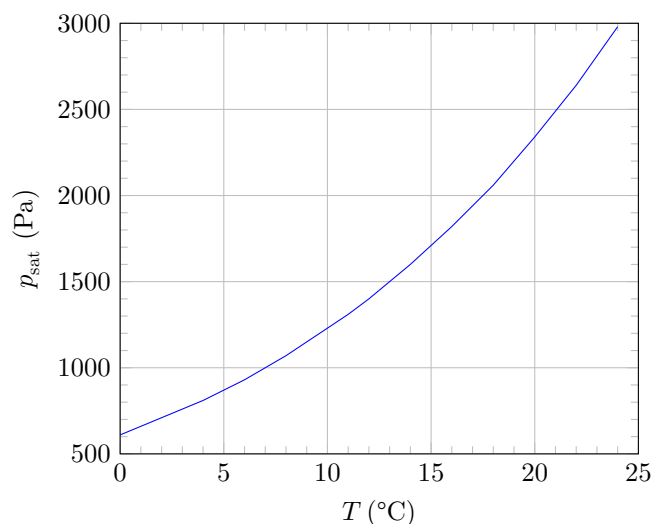


Figure 3 Pression de vapeur saturante en fonction de la température

Q 8. Montrer que $x = d \frac{p_v}{p - p_v}$ où $d = M_e/M_{as}$.

Q 9. Calculer la valeur maximale de l'humidité absolue x_{sat} de l'air humide à la température $T_0 = 20$ °C.

On considère une chambre hermétiquement fermée de volume $V = 40\text{m}^3$ occupée par une personne qui se couche à 22 h. La température de la pièce est de 18°C et l'humidité relative est de 50 %. La chambre n'est pas chauffée et la température au lever à 8 h le lendemain matin est de 16°C . On trouvera en fin d'énoncé quelques exemples de sources d'eau vapeur, ainsi que leur débit de production.

Q 10. Au lever, l'occupant de la chambre constate-t-il une condensation de l'eau ? La réponse doit s'appuyer sur un raisonnement quantitatif.

Le problème de la condensation peut être résolu en aérant les pièces du logement suffisamment et régulièrement. Certaines personnes sont réticentes à aérer lors des journées humides où l'air extérieur est froid et saturé en vapeur d'eau.

Considérons une pièce initialement à la température $T_i = 20^\circ\text{C}$ et saturée en vapeur d'eau. L'air extérieur est à la température $T_a = 10^\circ\text{C}$ et est aussi saturé en vapeur d'eau. On renouvelle entièrement l'air de la pièce avec courant d'air.

Q 11. Calculer l'humidité relative de l'air de la pièce après aération une fois que l'air est revenu à la température $T_i = 20^\circ\text{C}$ par contact avec les meubles, le plafond et les parois intérieures de la pièce. Conclure.

II.B – Étude d'un hygromètre : le psychromètre

Un psychromètre est un instrument comportant deux thermomètres qui permet d'accéder à l'humidité relative de l'air ambiant. Ce dernier circule autour des réservoirs des deux thermomètres par aspiration ou par mouvement des thermomètres pour un psychromètre à fronde (figure 4). Le thermomètre dit « sec » indique la température T_1 de l'air ambiant étudié. Le thermomètre dit « humide » a son réservoir recouvert d'un tissu mouillé et indique la « température humide » T_h .

L'humidité relative HR se déduit alors des mesures de T_1 et T_h .

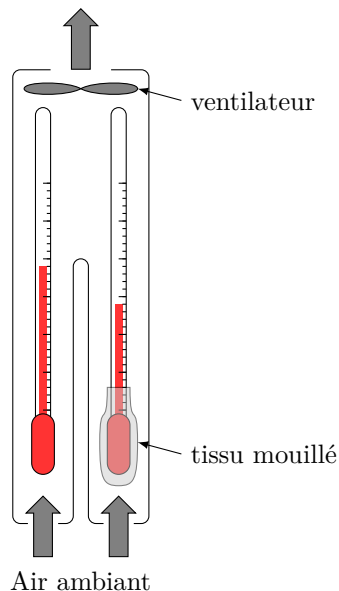


Figure 4 Psychromètres

II.B.1) Étude du thermomètre humide

La figure 5 schématise le transport de l'air humide sur le thermomètre à bulbe humide. La température de sortie T_h est déterminée à l'aide d'un bilan thermodynamique appliqué à la surface de contrôle (S) représentée sur la figure 5. À l'entrée, la température de l'air vaut T_1 et l'humidité absolue est x_1 . À la sortie, la température est T_h et l'humidité absolue est $x_2 : x_{\text{sat}}(T_h)$. Le débit massique d'air sec dans l'écoulement est noté $D_{m,\text{as}}$. La pression est uniforme et constante et vaut $p = 1,013\text{bar}$. On néglige tout transfert thermique à travers la surface de contrôle (S).

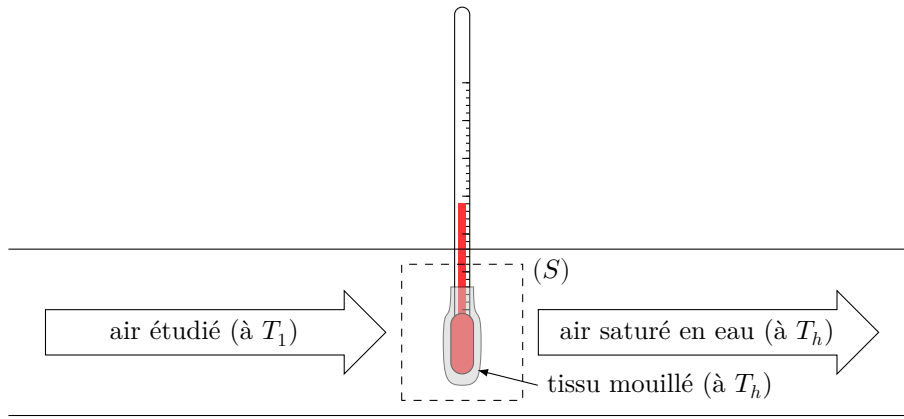


Figure 5 Thermomètre à bulbe humide

Q 12. À l'aide d'un bilan de masse d'eau réalisé entre deux instants t et $t + dt$ sur le système fermé ($\mathcal{S}_f$), délimité à l'instant t par la surface de contrôle, montrer que la masse d'eau évaporée par unité de temps, notée $\dot{m}_{ev}$, vérifie $\dot{m}_{ev} = D_{m,as}(x_{sat}(T_h) - x_1)$. Il est conseillé de faire un schéma du système ($\mathcal{S}_f$) aux instants t et t/dt .

Q 13. À l'aide d'un bilan d'enthalpie réalisé sur le système fermé ($\mathcal{S}_f$) entre deux instants t et $t + dt$, montrer que

$$x_1 = \frac{x_{sat}(T_h)L_v(T_h) + c_{p,as}(T_h - T_1)}{L_v(T_h) + c_{p,v}(T_1 - T_h)}$$

où

- $c_{p,as} = 1004 \text{ J}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$ est la capacité thermique à pression constante de l'air sec ;
- $c_{p,v} = 2010 \text{ J}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$ est la capacité thermique à pression constante de la vapeur d'eau ;
- $L_v(T) = 3155 - 2,39T$ (en $\text{kJ}\cdot\text{kg}^{-1}$ avec $273 \leq T \leq 323$ en K), est l'enthalpie massique de vaporisation de l'eau liquide à la température T .

Q 14. Après comparaison des ordres de grandeur des termes de l'expression de x_1 , montrer que l'humidité absolue de l'air devient

$$x_1 \approx x_{sat}(T_h) - A(T_1 - T_h)$$

où on exprimera A en fonction des données.

On montre alors que l'humidité relative de l'air étudié est

$$HR = \frac{p_{sat}(T_h)}{p_{sat}(T_1)} \left(1 - \frac{\gamma}{p_{sat}(T_h)}(T_1 - T_h) \right)$$

où $\gamma = \frac{c_{p,as}}{L_v(T_h)} \frac{M_{as}}{M_e} p$ est la *constante psychrométrique*.

Q 15. *Application numérique* On mesure $T_1 = 20^\circ\text{C}$ et $T_h = 15^\circ\text{C}$. En déduire l'humidité relative HR de l'air étudié.

Q 16. Le diagramme psychrométrique donné figure A du document réponse confirme-t-il cette valeur ? Justifier en annotant cette figure à rendre avec la copie.

III Miroir antibuée

Certaines pièces d'un logement sont plus exposées à une humidité relative importante voire maximale. C'est le cas des salles de bain où les sources de vapeur d'eau sont multiples. On s'intéresse dans cette partie à la formation de buée sur les parois froides et à un dispositif antibuée placé au dos d'un miroir.

On considère une salle de bain séparée de l'air extérieur de température T_e par un mur homogène d'épaisseur $e_1 = 50 \text{ cm}$ et de conductivité thermique $\lambda_1 = 1,7 \text{ W}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{m}^{-1}$. Ce mur a une largeur $L = 2,4 \text{ m}$ et une hauteur $H = 2,5 \text{ m}$.

Q 17. La différence de température entre la paroi intérieure et la paroi extérieure du mur est notée δT . Déterminer, en fonction des données, la puissance thermique P_{th} qui traverse le mur.

Q 18. En déduire que la résistance thermique de conduction du mur $R_{c,1}$ peut s'écrire $R_{c,1} = \frac{e_1}{\lambda_1 S_1}$ où S_1 est une surface qui l'on explicitera.

Les transferts thermiques de nature conducto-convective sont régis pas la loi de Newton : la puissance thermique surfacique cédée par une paroi de température T_p au fluide environnant dont la température, loin de la paroi, vaut T_f est $p_s = h(T_p - T_f)$ où h est le coefficient de transfert thermique conducto-convectif.

À l'interface mur-air intérieur à la salle de bain : $h_i = 5,0 \text{ W}\cdot\text{m}^{-2}\cdot\text{K}^{-1}$.

À l'interface mur-air extérieur à la salle de bain : $h_e = 20 \text{ W}\cdot\text{m}^{-2}\cdot\text{K}^{-1}$.

Q 19. Expliquer qualitativement pourquoi le coefficient de transfert thermique conducto-convectif entre le mur et l'air est plus grand à l'extérieur qu'à l'intérieur.

Q 20. Exprimer les résistances thermiques de nature conducto-convectives à chaque interface en fonction de h_e , h_i et S_1 .

Q 21. Montrer, qu'en régime stationnaire, la température de surface de la paroi intérieure du mur de salle de bain s'écrit $T_{s,i} = T_e + \alpha(T_i - T_e)$, où l'on exprimera α en fonction des paramètres du problème.

Q 22. *Application numérique* En prenant $T_i = 20^\circ\text{C}$, calculer $T_{s,i}$ pour $T_e = 5,0^\circ\text{C}$.

Le point de rosée ou température de rosée est la température la plus basse à laquelle une masse d'air peut être soumise, à pression et humidité données, sans qu'il se produise une formation d'eau liquide par saturation. La figure 6 donne le point de rosée en fonction de la température de l'air pour différents niveaux d'humidité relative.

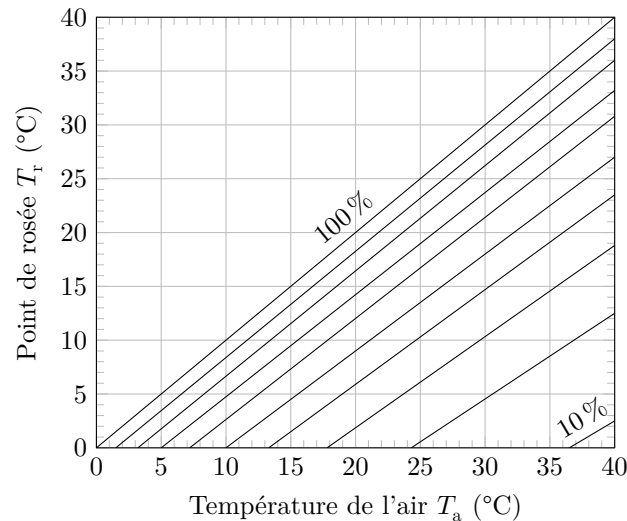


Figure 6 Point de rosée pour une humidité relative de 10 à 100 % par pas de 10 %

Un miroir carré de 50 cm de côté, de surface S_m , de conductivité thermique $\lambda_2 = 1,0 \text{ W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$ et d'épaisseur $e_2 = 3,0\text{mm}$ est collé au mur séparant la salle de bain de l'extérieur. En plus des données fournies en fin d'énoncé, on précise que le volume intérieur de la salle de bain est $V = 15 \text{ m}^3$ et que l'humidité relative initiale est de 50 %.

Q 23. Y a-t-il de la buée sur le miroir avant que l'occupant ne prenne une douche ? On prendra les mêmes valeurs de T_i et T_e qu'à la question précédente et on admettra que les coefficients conducto-convectifs mur-air et miroir-air sont identiques.

Q 24. À partir de quelle durée de douche de la buée apparaît-elle inévitablement sur le miroir ?

Pour éviter la formation de buée sur le miroir même lorsque l'humidité relative est de 100 %, on peut placer au dos du miroir, un film antibuée adhésif. Ce film est alimenté par la tension du secteur (alternatif, 230 V efficace) et apporte une puissance thermique $\mathcal{P}_0$ sur la face arrière du miroir.

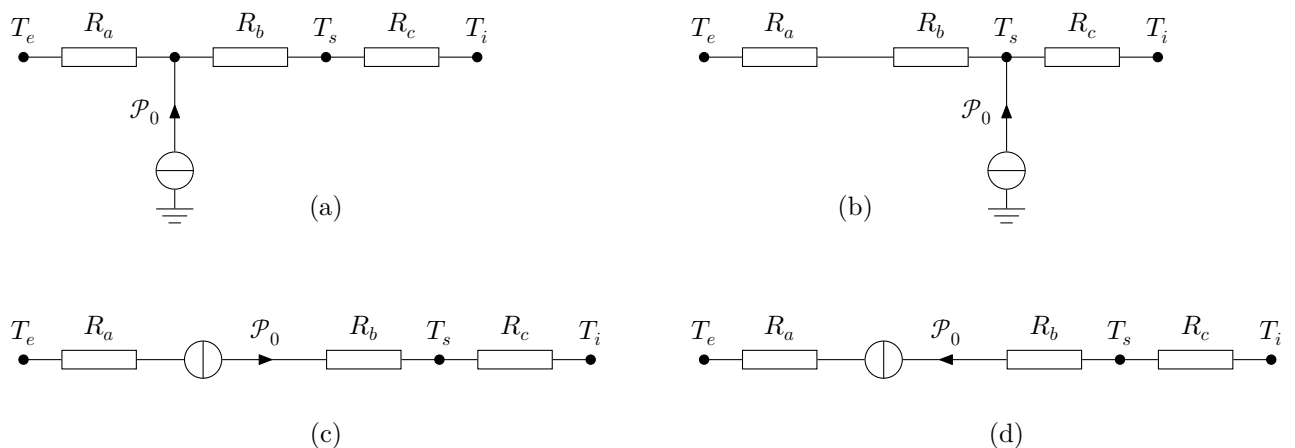


Figure 7

Q 25. La figure 7 propose quatre schémas électriques équivalents au schéma thermique de la situation étudiée où T_s est la température de la face visible du miroir. Recopier le bon schéma en justifiant le choix. Donner également les expressions des trois résistances thermiques présentes dans le schéma en fonction de S_m , h_e , h_i , e_1 , e_2 , λ_1 et λ_2 . Les coefficients de transfert conducto-convectifs miroir-air et mur-air sont supposés identiques.

Q 26. Quelle puissance minimale le film antibuée doit-il apporter pour éviter la formation de buée quelle que soit l'humidité relative ?

Le film antibuée utilisé (environ $50\text{ cm} \times 50\text{ cm}$) est composé de 38 bandes noires d'encre conductrices à base de poudre de carbone (figure 8). Il est alimenté par la tension du réseau électrique local, sinusoïdale de valeur efficace 230 V. Trois bandes de cuivre assurent la fermeture du circuit électrique (une bande de longueur 50 cm environ et deux bandes de 25 cm). Un zoom des connexions des fils d'alimentation du film est fourni par la figure 8. Les bandes noire d'encre conductrice sont chacune de longueur $L = 48\text{ cm}$, de largeur $\ell = 9,5\text{ mm}$ et d'épaisseur $e = 0,10\text{ mm}$. Le constructeur annonce une puissance de 50 W.

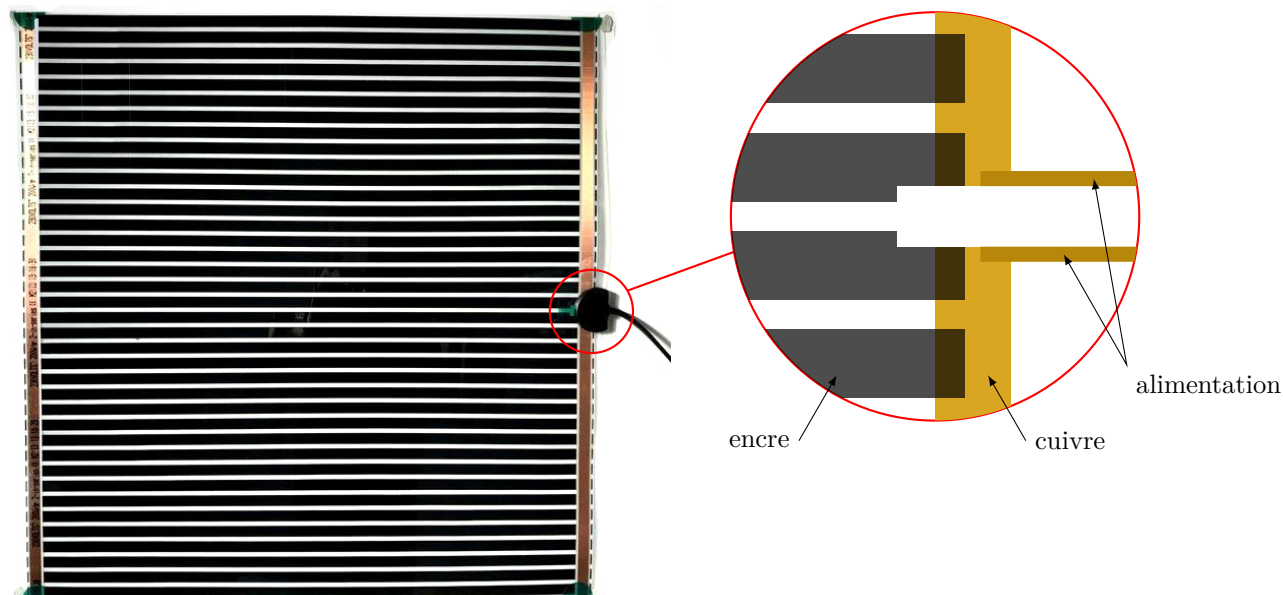


Figure 8 Film antibuée

Q 27. Les caractéristiques du film permettent-elle d'éviter la formation de buée sur le miroir ?

Q 28. Estimer la conductivité électrique de l'encre conductrice et comparer à celle du cuivre.

Q 29. Quel serait l'inconvénient d'utiliser des matériaux meilleurs conducteurs électriques que l'encre, comme du cuivre ?

Données et formulaire

Perméabilité magnétique du vide	$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ H}\cdot\text{m}^{-1}$
Permittivité diélectrique du vide	$\varepsilon_0 = 8,854 \times 10^{-12} \text{ F}\cdot\text{m}^{-1}$
Charge élémentaire	$e = 1,602 \times 10^{-19} \text{ C}$
Constante des gaz parfaits	$R = 8,31 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1}$
Capacité thermique massique de l'eau liquide	$c_e = 4,2 \text{ kJ}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$
Masse molaire de l'air sec	$M_{\text{as}} = 29,0 \text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$
Masse molaire de l'eau	$M_e = 18,0 \text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$

Sources de l'humidité de l'air dans une pièce habitée (débit massique d'eau vapeur en g·h⁻¹)

Cuisson	400 à 800
Lave-vaisselle	200 à 400
Douche	1500 à 3000
Bain	600 à 1200
Plantes	7 à 20
Être humain (selon son activité)	30 à 200

Épaisseur de peau dans un métal

L'épaisseur de peau δ , définie par la relation ci-dessous, détermine, en première approximation, l'épaisseur de la couche où se concentre le courant dans un conducteur :

$$\delta = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \sigma \pi f}}$$

où σ désigne la conductivité du métal considéré et f la fréquence du courant.

• • • FIN • • •



Numéro de place

--	--	--	--	--	--

Numéro d'inscription

--	--	--	--	--

Signature

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Nom

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Prénom

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Épreuve : Physique-chimie 1 PSI

Ne rien porter sur cette feuille avant d'avoir complètement rempli l'entête

Feuille

--	--

 /

--	--

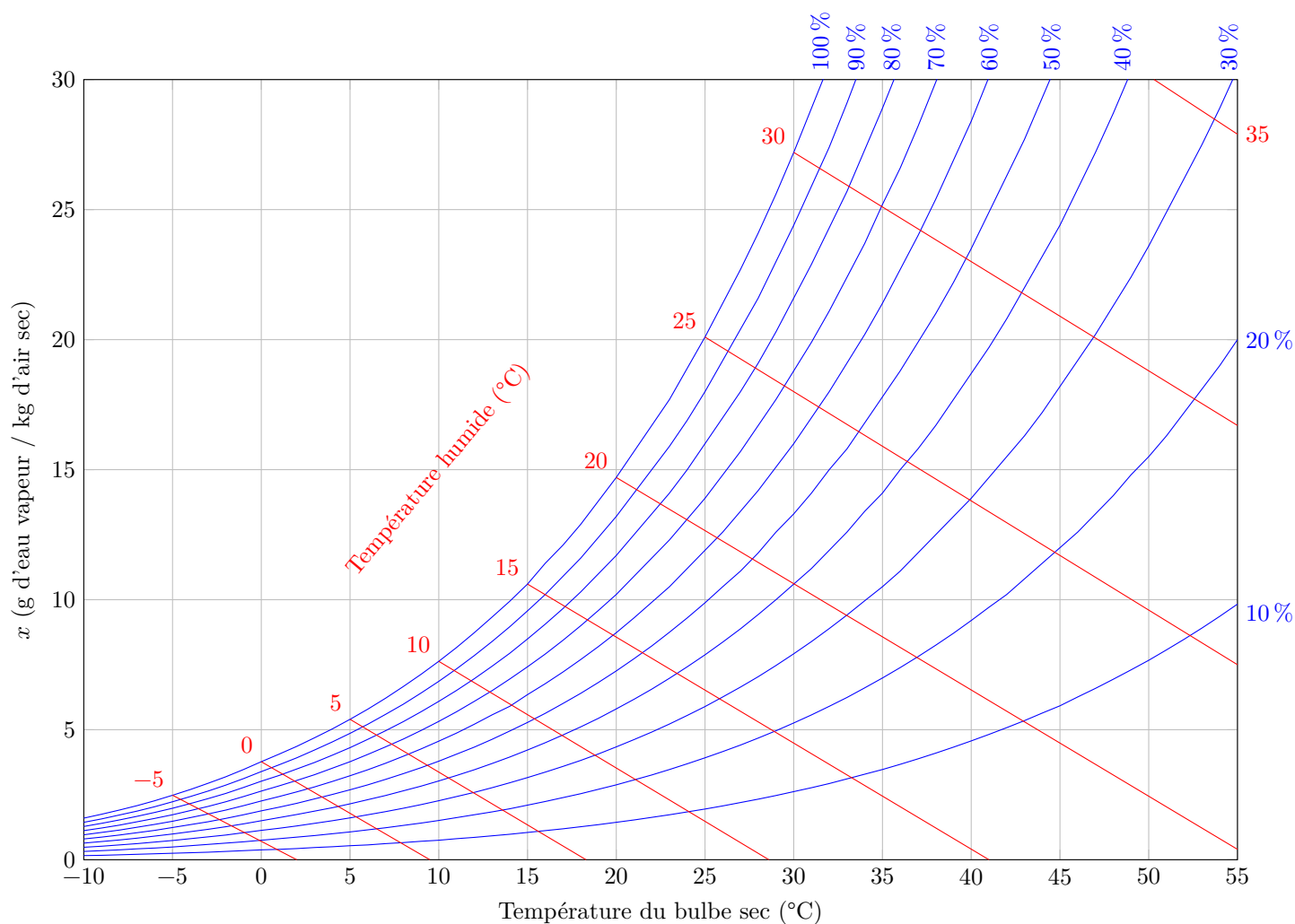


Figure A Diagramme psychrométrique